

<i>Rodzaj dokumentu:</i>	Zasady oceniania rozwiązań zadań
<i>Egzamin:</i>	Egzamin ósmoklasisty
<i>Przedmiot:</i>	Matematyka
<i>Formy arkusza:</i>	OMAP-100-2206; OMAP-200-2206; OMAP-400-2206; OMAP-500-2206; OMAP-600-2206; OMAP-700-2206; OMAP-C00-2206; OMAU-C00-2205
<i>Termin egzaminu:</i>	14 czerwca 2022 r.
<i>Data publikacji dokumentu:</i>	14 czerwca 2022 r.

Zadanie 1. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022 ¹	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	IV. Ułamki zwykłe i dziesiętne. Uczeń: 1) opisuje część danej całości za pomocą ułamka; 12) porównuje ułamki (zwykłe i dziesiętne). VI. Obliczenia praktyczne. Uczeń: 1) interpretuje 100% danej wielkości jako całość, [...], 25% – jako jedną czwartą [...]. XXI. Odczytywanie danych i elementy statystyki opisowej. Uczeń: 1) odczytuje i interpretuje dane przedstawione w tekstach, za pomocą [...], diagramów słupkowych [...].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

FP

Zadanie 2. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XII. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń: 4) rozwiązuje zadania tekstowe za pomocą równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą [...].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

AD

¹ Załącznik nr 1 do rozporządzenia Ministra Edukacji Narodowej z dnia 20 marca 2020 r. w sprawie szczegółowych rozwiązań w okresie czasowego ograniczenia funkcjonowania jednostek systemu oświaty w związku z zapobieganiem, przeciwdziałaniem i zwalczaniem COVID-19 (Dz.U. poz. 493, z późn. zm.).

Zadanie 3. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Sprawność rachunkowa. 1. Wykonywanie nieskomplikowanych obliczeń w pamięci lub w działaniach trudniejszych pisemnie oraz wykorzystanie tych umiejętności w sytuacjach praktycznych.	V. Działania na ułamkach zwykłych i dziesiętnych. Uczeń: 3) wykonuje nieskomplikowane rachunki, w których występują jednocześnie ułamki zwykłe i dziesiętne.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

A

Zadanie 4. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XII. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń: 1) sprawdza, czy dana liczba jest rozwiązaniem równania stopnia pierwszego z jedną niewiadomą. 3) rozwiązuje równania, które po prostych przekształceniach wyrażań algebraicznych sprowadzają się do równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

D

Zadanie 5. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 1. Odczytywanie i interpretowanie danych przedstawionych w różnej formie oraz ich przetwarzanie.	VI. Obliczenia praktyczne. Uczeń: 3) wykonuje proste obliczenia zegarowe na godzinach, minutach i sekundach.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PP

Zadanie 6. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Sprawność rachunkowa. 2. Weryfikowanie i interpretowanie otrzymanych wyników oraz ocena sensowności rozwiązania.	VIII. Pierwiastki. Uczeń: 2) szacuje wielkość danego pierwiastka kwadratowego lub sześciennego oraz prostego wyrażenia arytmetycznego zawierającego pierwiastki np. $1 + \sqrt{2}$, $2 - \sqrt{2}$.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

C

Zadanie 7. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 3. Używanie języka matematycznego do opisu rozumowania i uzyskanych wyników.	II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń: 4) wykonuje dzielenie z resztą liczb naturalnych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

PP

Zadanie 8. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i tworzenie informacji. 2. Interpretowanie i tworzenie tekstów o charakterze matematycznym oraz graficzne przedstawianie danych.	II. Działania na liczbach naturalnych. Uczeń: 7) rozpoznaje liczby podzielne przez 2, 3, 4, 5, 9, 10, 100.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

B

Zadanie 9. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Sprawność rachunkowa. 1. Wykonywanie nieskomplikowanych obliczeń w pamięci lub w działaniach trudniejszych pisemnie oraz wykorzystanie tych umiejętności w sytuacjach praktycznych.	XI. Obliczenia procentowe. Uczeń: 4) oblicza liczbę b , której p procent jest równe a .

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

B

Zadanie 10. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	VII. Potęgi o podstawach wymiernych. Uczeń: 2) mnoży i dzieli potęgi o wykładnikach całkowitych dodatnich; 4) podnosi potęgę do potęgi.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

C

Zadanie 11. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XII. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń: 5) przekształca proste wzory, aby wyznaczyć zadaną wielkość we wzorach geometrycznych (np. pól figur) [...].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

A

Zadanie 12. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 1. Przeprowadzanie prostego rozumowania, podawanie argumentów uzasadniających poprawność rozumowania, rozróżnianie dowodu od przykładu.	XIX. Geometria przestrzenna. Uczeń: 3) rozpoznaje siatki graniastosłupów prostych i ostrosłupów. XXII. Zadania tekstowe. Uczeń: 5) dostrzega zależności między podanymi informacjami.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

B3

Zadanie 13. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 2) zna najważniejsze własności [...] rombu [...]; 6) zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa (bez twierdzenia odwrotnego).

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

C

Zadanie 14. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 1. Przeprowadzanie prostego rozumowania, podawanie argumentów uzasadniających poprawność rozumowania, rozróżnianie dowodu od przykładu.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 2) zna najważniejsze własności [...] prostokąta [...]. XII. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń: 2) rozwiązuje równania pierwszego stopnia z jedną niewiadomą metodą równań równoważnych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

D

Zadanie 15. (0–1)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 1. Używanie prostych, dobrze znanych obiektów matematycznych, interpretowanie pojęć matematycznych i operowanie obiektami matematycznymi.	IX. Tworzenie wyrażeń algebraicznych z jedną i z wieloma zmiennymi. Uczeń: 3) oblicza wartości liczbowe wyrażeń algebraicznych. X. Przekształcanie wyrażeń algebraicznych. Sumy algebraiczne i działania na nich. Uczeń: 3) mnoży sumy algebraiczne przez jednomiany i dodaje wyrażenia powstałe z mnożenia sum algebraicznych przez jednomiany.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna lub niepełna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

AD

ZADANIA OTWARTE

Uwagi ogólne

- Akceptowane są wszystkie odpowiedzi merytorycznie poprawne, spełniające warunki zadania.
- Za rozwiązanie zadania na danym etapie uczeń może otrzymać punkty tylko wtedy, gdy przedstawia poprawne sposoby rozwiązania na wszystkich wcześniejszych etapach.
- Jeżeli na dowolnym etapie rozwiązania zadania uczeń popełnia jeden lub więcej błędów rachunkowych (albo błąd przepisania wartości poprawnie zidentyfikowanej danej albo wartości z wcześniejszych etapów rozwiązania), ale stosuje poprawne sposoby rozwiązania i konsekwentnie doprowadza rozwiązanie zadania do końca, to ocenę rozwiązania obniża się o 1 punkt.
- Jeżeli na pewnym etapie rozwiązania zadania uczeń podaje kilka sprzecznych ze sobą rozwiązań i nie wskazuje, które z nich należy uznać za poprawne, to może uzyskać punkty tylko za wcześniejsze poprawne etapy rozwiązania.
- Jeżeli na pewnym etapie rozwiązania zadania uczeń podaje kilka sprzecznych ze sobą rozwiązań i wskazuje, które z nich należy uznać za poprawne, to zapisów w innych rozwiązaniach nie bierze się pod uwagę w ocenianiu.
- Jeżeli w zadaniach 16., 17., 18. i 19. uczeń podaje tylko poprawny końcowy wynik, to otrzymuje 0 punktów.
- W pracy ucznia uprawnionego do dostosowanych kryteriów oceniania dopuszcza się:
 1. lustrzane zapisywanie cyfr i liter (np. 6–9)
 2. gubienie liter, cyfr, nawiasów
 3. problemy z zapisywaniem przecinków w liczbach dziesiętnych
 4. błędy w zapisie działań pisemnych (dopuszczalne drobne błędy rachunkowe)
 5. luki w zapisie obliczeń – obliczenia pamięciowe
 6. uproszczony zapis równania i przekształcenie go w pamięci; brak opisu niewiadomych
 7. niekończenie wyrazów
 8. problemy z zapisywaniem jednostek (np. °C – 0C)
 9. błędy w przepisywaniu
 10. chaotyczny zapis operacji matematycznych
 11. mylenie indeksów górnych i dolnych (np. $x^2 - x_2, m_2 - m^2$).

Zadanie 16. (0–2)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XII. Równania z jedną niewiadomą. Uczeń: 4) rozwiązuje zadania tekstowe za pomocą równań pierwszego stopnia z jedną niewiadomą, w tym także z obliczeniami procentowymi.

Zasady oceniania**2 punkty – pełne rozwiązanie**

- zapisanie poprawnego równania z jedną niewiadomą prowadzącego do obliczenia liczby banknotów 20-złotowych, np. $20x + 6000 = 50x$, prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowa liczba banknotów 20-złotowych ($x = 200$),
LUB
- zauważenie, że kwota 6000 zł odpowiada całkowitej wielokrotności różnicy wartości banknotów 50 zł i 20 zł, np. zapisanie $30x = 6000$ albo $x(50 - 20) = 6000$, prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowa liczba banknotów 20-złotowych ($x = 200$),
LUB
- sprawdzenie, że dla 200 banknotów różnica łącznej wartości banknotów 50-złotowych i 20-złotowych jest równa 6000 zł, prawidłowe obliczenia oraz podanie liczby banknotów 20-złotowych. (metoda prób i błędów).

1 punkt

- zapisanie poprawnego równania z jedną niewiadomą prowadzącego do obliczenia liczby banknotów 20-złotowych, np. $20x + 6000 = 50x$,
LUB
- zapisanie wyrażeń algebraicznych z jedną zmienną opisujących łączną wartość banknotów 20 zł oraz łączną wartość banknotów 50 zł, np. $(20x, 50x)$ lub $(20x, 50y)$, gdzie $x = y$,
LUB
- zapisanie wyrażenia algebraicznego opisującego różnicę między wartością banknotów 20 zł a wartością banknotów 50 zł, np. zapisanie $50x - 20x$ albo $30x$,
LUB
- zauważenie, że kwota 6000 zł odpowiada całkowitej wielokrotności różnicy wartości banknotów 50 zł i 20 zł, np. zapisanie $30x = 6000$ albo $x(50 - 20) = 6000$ albo zastosowanie proporcji, np.
1 para banknotów to 30 zł
 x par banknotów to 6000 zł (lub zapisy równoważne),
LUB
- sprawdzenie warunków zadania dla co najmniej dwóch różnych liczb banknotów 20- i 50-złotowych bez uwzględnienia liczby 200 banknotów (metoda prób i błędów).

0 punktów

rozwiązanie błędne albo brak rozwiązania.

Przykładowe rozwiązania ocenione na 2 punkty**I sposób**

Oznaczmy liczbę banknotów 20- i 50-złotowych przez x .

Wartość banknotów 50-złotowych jest o 6000 zł większa od wartości banknotów 20-złotowych, zatem możemy ułożyć równanie:

$$20x + 6000 = 50x$$

$$30x = 6000$$

$$x = 200$$

Odpowiedź: W kasie jest 200 banknotów 20-złotowych.

II sposób

x – liczba banknotów 20- i 50-złotowych

Obliczymy różnicę wartości między banknotem 50 zł i banknotem 20 zł:

$$50 \text{ zł} - 20 \text{ zł} = 30 \text{ zł}$$

Rozwiążemy równanie:

$$30 \text{ zł} \cdot x = 6000 \text{ zł}$$

$$x = 200$$

Odpowiedź: W kasie jest 200 banknotów 20-złotowych.

III sposób (metoda prób i błędów)

Liczba banknotów	Wartość w banknotach 50-złotowych	Wartość w banknotach 20-złotowych	Różnica
10	$10 \cdot 50 = 500$ (zł)	$10 \cdot 20 = 200$ (zł)	300 zł
50	$50 \cdot 50 = 2500$ (zł)	$50 \cdot 20 = 1000$ (zł)	1500 zł
100	$100 \cdot 50 = 5000$ (zł)	$100 \cdot 20 = 2000$ (zł)	3000 zł
200	$200 \cdot 50 = 10000$ (zł)	$200 \cdot 20 = 4000$ (zł)	6000 zł

Odpowiedź: W kasie jest 200 banknotów 20-złotowych.

IV sposób

1 para banknotów 50 zł i 20 zł to różnica 30 zł

10 par tych banknotów to różnica 300 zł

100 par tych banknotów to różnica 3000 zł

200 par tych banknotów to różnica 6000 zł

Odpowiedź: W kasie jest 200 banknotów 20-złotowych.

Zadanie 17. (0–2)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 1. Przeprowadzanie prostego rozumowania, podawanie argumentów uzasadniających poprawność rozumowania, rozróżnianie dowodu od przykładu.	XXII. Zadania tekstowe. Uczeń: 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki i geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe, a także własne poprawne metody.

Zasady oceniania**2 punkty – pełne rozwiązanie**

- poprawny sposób obliczenia liczby piłeczek czerwonych, zielonych i niebieskich w każdym zestawie, prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowy wynik (3 czerwone, 4 zielone, 5 niebieskich),
LUB
- sprawdzenie warunków zadania dla liczb piłeczek każdego koloru spośród 84 piłeczek, które na początku miał Janek (21 czerwonych, 28 zielonych, 35 niebieskich), prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowy wynik (3 czerwone, 4 zielone, 5 niebieskich).

1 punkt

- poprawny sposób obliczenia liczby piłeczek każdego koloru spośród 84 piłeczek, które na początku miał Janek (21 czerwonych, 28 zielonych, 35 niebieskich), np. wypisanie kolejnych liczb podzielnych przez 7 i sprawdzenie, czy ich suma jest równa 84,
LUB
- ułożenie poprawnego równania prowadzącego do obliczenia wszystkich piłeczek czerwonych, np. zapisanie $c + (c + 7) + (c + 14) = 84$
albo zielonych, np. zapisanie $(z - 7) + z + (z + 7) = 84$
albo niebieskich, np. zapisanie $(n - 14) + (n - 7) + n = 84$ (lub zapisy równoważne),
LUB
- zapisanie równości $21 + 28 + 35 = 84$,
LUB
- poprawny sposób obliczenia wszystkich piłeczek w jednym z siedmiu zestawów ($84 : 7 = 12$).

0 punktów

rozwiązanie błędne, albo brak rozwiązania.

Przykładowe rozwiązania**I sposób**

Wypiszemy kolejne liczby podzielne przez 7: 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49 ...

Szukamy trzech liczb, których suma jest równa 84:

$$14 + 21 + 28 = 63 \quad 63 < 84$$

$$21 + 28 + 35 = 84 \quad 84 = 84$$

Szukane liczby to: 21, 28, 35.

Zauważamy, że szukane liczby, które są podzielne przez 7 odpowiadają kolejno piłeczkom w kolorach: czerwonym, zielonym, niebieskim, a więc Janek ma:

21 piłeczek czerwonych

28 piłeczek zielonych

35 piłeczek niebieskich

Janek rozdzielił wszystkie piłeczki na 7 identycznych zestawów, w każdym zestawie były piłeczki w trzech kolorach, zatem możemy obliczyć, że jeden zestaw zawiera:

$$21 : 7 = 3 \text{ czerwone piłeczki}$$

$$28 : 7 = 4 \text{ zielone piłeczki}$$

$$35 : 7 = 5 \text{ niebieskich piłeczek}$$

Odpowiedź: Liczba piłeczek w jednym zestawie: czerwonych: 3, zielonych: 4, niebieskich: 5.

II sposób

x – liczba piłeczek czerwonych

$x + 7$ – liczba piłeczek zielonych

$x + 14$ – liczba piłeczek niebieskich

Suma wszystkich piłeczek jest równa 84, zatem możemy rozwiązać równanie:

$$x + x + 7 + x + 14 = 84$$

$$x = 21$$

Obliczymy liczbę piłeczek w każdym z trzech kolorów:

21 – liczba piłeczek czerwonych

$21 + 7 = 28$ – liczba piłeczek zielonych

$21 + 14 = 35$ – liczba piłeczek niebieskich

Obliczymy liczbę piłeczek w każdym zestawie:

$$21 : 7 = 3 \text{ – czerwone}$$

$$28 : 7 = 4 \text{ – zielone}$$

$$35 : 7 = 5 \text{ – niebieskie}$$

Odpowiedź: Liczba piłeczek w jednym zestawie: czerwonych: 3, zielonych: 4, niebieskich: 5.

III sposób

Obliczymy liczbę piłeczek w każdym z 7 jednakowych zestawów:

$$84 : 7 = 12$$

Jeśli liczby wszystkich piłeczek czerwonych, zielonych i niebieskich są odpowiednio kolejnymi liczbami podzielными 7, to w każdym z zestawów liczby piłeczek różnych kolorów są kolejnymi liczbami naturalnymi, których suma jest równa 12.

Liczby, które spełniają ten warunek to: 3, 4, 5.

Odpowiedź: Liczba piłeczek w jednym zestawie: czerwonych: 3, zielonych: 4, niebieskich: 5.

Zadanie 18. (0–3)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
III. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji. 2. Dobieranie modelu matematycznego do prostej sytuacji oraz budowanie go w różnych kontekstach, także w kontekście praktycznym.	XIII. Proporcjonalność prosta. Uczeń: 2) wyznacza wartość przyjmowaną przez wielkość wprost proporcjonalną w przypadku konkretnej zależności proporcjonalnej, na przykład wartość zakupionego towaru w zależności od liczby sztuk towaru, ilość zużytego paliwa w zależności od liczby przejechanych kilometrów, liczby przeczytanych stron książki w zależności od czasu jej czytania. XVII. Wielokąty. Uczeń: 5) stosuje wzory na pole [...] trapezu przedstawionych na rysunku [...].

Zasady oceniania

3 punkty – pełne rozwiązanie

poprawny sposób obliczenia, ile godzin kosiarka będzie kosiła trawę w części B , prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowy wynik (9 godzin).

2 punkty

- poprawny sposób obliczenia, ile razy pole części B jest większe od pola części A , np. zapisanie

$$P_A = \frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80 = 2000 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$P_B = \frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80 = 6000 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$6000 : 2000 \quad (\text{lub zapisy równoważne}),$$

LUB

- poprawny sposób obliczenia stosunku pól powierzchni łąki, np. zapisanie

$$\frac{P_B}{P_A} = \frac{\frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80}{\frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80} = \frac{150}{50} \quad (\text{lub zapisy równoważne}),$$

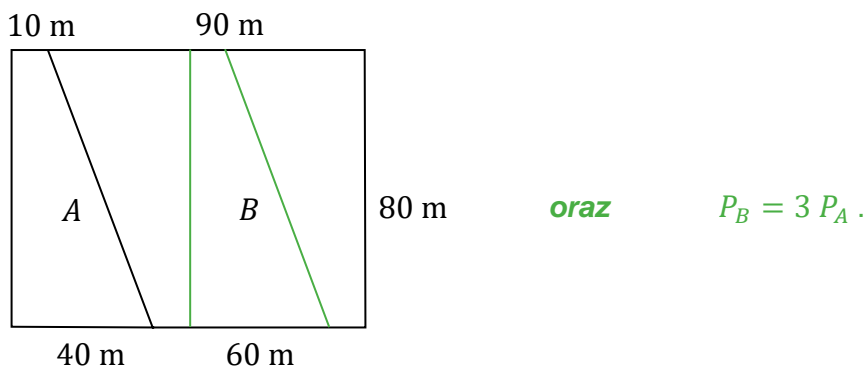
LUB

- poprawny sposób obliczenia czasu potrzebnego na skoszenie trawy w części B , np. zapisanie lub zastosowanie metody proporcji

$$\begin{aligned} 3 \text{ h} - 2000 \text{ m}^2 \\ x - 6000 \text{ m}^2 \\ x = \frac{3 \text{ h} \cdot 6000 \text{ m}^2}{2000 \text{ m}^2}, \end{aligned}$$

LUB

- ustalenie na rysunku za pomocą podziału łąki na 4 równe części oraz zapisanie zależności pomiędzy polem figury A i B ($P_B = 3 P_A$), np.

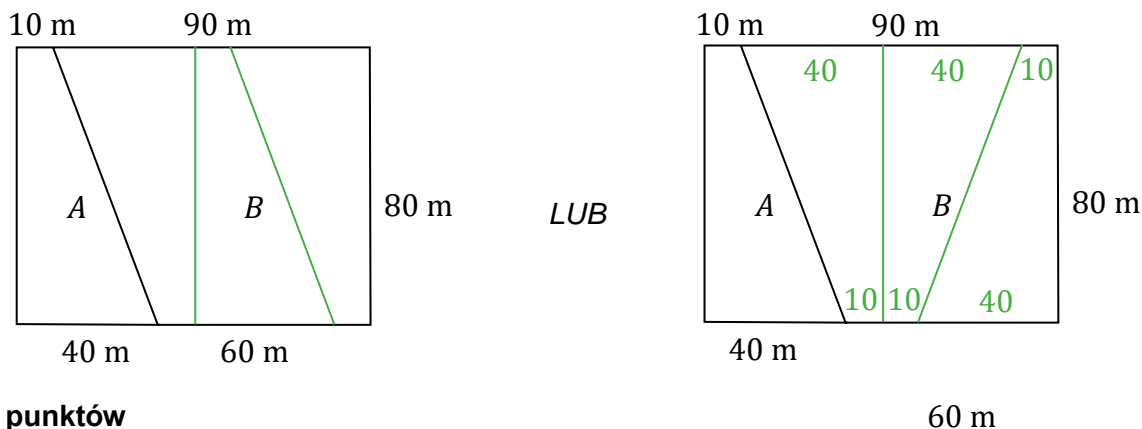
**1 punkt**

- poprawny sposób obliczenia pola powierzchni części łąki A lub części łąki B , np. zapisanie

$$P_A = \frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80 = 2000 \text{ (m}^2\text{)} \quad \text{LUB} \quad P_B = \frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80 = 6000 \text{ (m}^2\text{)},$$

LUB

- poprawny sposób podziału łąki na cztery równe części na rysunku, np.

**0 punktów**

rozwiązanie błędne, albo brak rozwiązania.

Uwaga

Nie ocenia się stosowania jednostek.

Przykładowe rozwiązania ocenione na 3 punkty

I sposób

Części A i B , na które podzielona jest łąka mają kształt trapezu.

Obliczymy pola obu części łąki:

$$P_A = \frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80 = 2000 \text{ (m}^2\text{)}$$

$$P_B = \frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80 = 6000 \text{ (m}^2\text{)}$$

Powierzchnia części B jest 3 razy większa:

$$6000 : 2000 = 3$$

Kosiarka skosiła trawę z powierzchni części A w ciągu 3 godzin, a zatem:

$$3 \cdot 3 = 9$$

Odpowiedź: Kosiarka będzie kosiła trawę w części B 9 godzin.

II sposób

Obliczymy stosunek pól części B i części A :

$$\frac{P_B}{P_A} = \frac{\frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80}{\frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80} = \frac{150}{50} = 3$$

Ponieważ pole części B jest 3 razy większe, więc – korzystając z założenia, że czas (t_A) na skoszenie trawy z powierzchni części A jest równy 3 godziny – czas (t_B) koszenia trawy z części B będzie 3 razy dłuższy:

$$t_B = 3 \cdot t_A = 9 \text{ godzin}$$

$$3 \text{ godziny} \cdot 3 = 9 \text{ godzin}$$

Odpowiedź: Kosiarka będzie kosiła trawę w części B 9 godzin.

III sposób

Obliczymy pole całej łąki, która ma kształt prostokąta:

$$P_L = 100 \cdot 80 = 8000 \text{ (m}^2\text{)}$$

Obliczymy pole łąki w części A :

$$P_A = \frac{(10 + 40)}{2} \cdot 80 = 2000 \text{ (m}^2\text{)}$$

Obliczymy jaką część łąki stanowią powierzchnie A oraz B .

Część A stanowi $\frac{1}{4}$ całej łąki:

$$\frac{P_A}{P_B} = \frac{2000 \text{ (m}^2\text{)}}{8000 \text{ (m}^2\text{)}} = \frac{1}{4},$$

zatem część B stanowi $\frac{3}{4}$ całej łąki, czyli część B stanowi 3 części A :

$$3 P_A = P_B$$

Obliczymy czas potrzebny na skoszenie trawy z części B :

$$3 \cdot 3 \text{ godziny} = 9 \text{ godzin}$$

Odpowiedź: Kosiarka będzie kosiła trawę w części B 9 godzin.

IV sposób

Części A i B , na które podzielona jest łąka mają kształt trapezu.

Obliczymy pola obu części łąki:

$$P_A = \frac{1}{2}(10 + 40) \cdot 80 = 2000 \text{ (m}^2\text{)} \quad P_B = \frac{1}{2}(90 + 60) \cdot 80 = 6000 \text{ (m}^2\text{)}$$

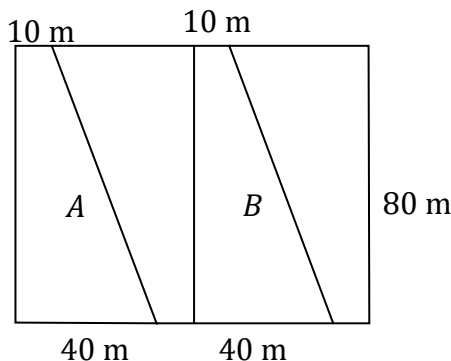
Obliczymy w jakim czasie kosiarka kosiła trawę w części B łąki korzystając z proporcji:

$$\begin{aligned} 3 \text{ h} &- 2000 \text{ m}^2 \\ x &- 6000 \text{ m}^2 \\ x &= \frac{3 \text{ h} \cdot 6000 \text{ m}^2}{2000 \text{ m}^2} = 9 \text{ h} \end{aligned}$$

Odpowiedź: Kosiarka będzie kosiła trawę w części B 9 h.

V sposób

Łąkę można podzielić na 4 części o równych polach, jedną z tych części stanowi trapez A :



Jeśli kosiarka kosi trawę z części A w czasie 3 godzin, a część B złożona jest z trzech części A , to skoszenie trawy z części B będzie trwało 9 godzin.

Zadanie 19. (0–3)

Wymagania egzaminacyjne 2022	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Rozumowanie i argumentacja. 3. Stosowanie strategii wynikającej z treści zadania, tworzenie strategii rozwiązania problemu, również w rozwiązaniach wieloetapowych oraz w takich, które wymagają umiejętności łączenia wiedzy z różnych działów matematyki.	XVI. Własności figur geometrycznych na płaszczyźnie. Uczeń: 6) zna i stosuje w sytuacjach praktycznych twierdzenie Pitagorasa (bez twierdzenia odwrotnego). XXII. Zadania tekstowe. Uczeń: 5) do rozwiązywania zadań osadzonych w kontekście praktycznym stosuje poznaną wiedzę z zakresu arytmetyki i geometrii oraz nabyte umiejętności rachunkowe, a także własne poprawne metody.

Zasady oceniania**3 punkty – pełne rozwiązanie**

poprawny sposób obliczenia sumy długości wszystkich krawędzi graniastosłupa, prawidłowe obliczenia **oraz** prawidłowy wynik liczbowy (75 cm).

2 punkty

- poprawny sposób obliczenia długości drugiej przyprostokątnej (zastosowanie twierdzenia Pitagorasa, np. zapisanie $a^2 + 8^2 = 10^2$ **oraz** poprawny sposób obliczenia wysokości graniastosłupa, (np. oznaczonej jako H), tzn. zastosowanie (zgodnie z oznaczeniami krawędzi przyjętymi na rysunku) wzoru na pole prostokąta uwzględniającego, że jest ono równe 54 (lub zapisy równoważne na symbolach albo liczbach jednoznacznie identyfikujące krawędzie graniastosłupa **oraz** poprawny sposób obliczenia sumy długości wszystkich krawędzi graniastosłupa, np. zapisanie $S_k = 2 \cdot (a + 8 + 10) + 3 \cdot H$ (lub zapisy równoważne),
LUB
- zapisanie $a = 6$ (cm) oraz $H = 9$ (cm) lub oznaczenie na odpowiednich odcinkach na rysunku 6 i 9 **oraz** poprawny sposób obliczenia sumy długości wszystkich krawędzi graniastosłupa, np. zapisanie $S_k = 2 \cdot (6 + 8 + 10) + 3 \cdot 9$ (lub zapisy równoważne).

1 punkt

- poprawny sposób obliczenia długości drugiej przyprostokątnej (np. oznaczonej jako a), która jest jedną z krawędzi podstawy graniastosłupa, zastosowanie twierdzenia Pitagorasa, np. zapisanie $a^2 + 8^2 = 10^2$ (lub zapisy równoważne),
LUB
- ustalenie (np. zapisanie na rysunku) bez obliczeń długości tego odcinka (6 cm),
LUB

- poprawny sposób obliczenia wysokości graniastopła, zastosowanie wzoru na pole prostokąta, np. zapisanie $54 = a \cdot H$, gdzie H jest zidentyfikowane jako wysokość graniastopła (lub zapisy równoważne).

0 punktów

rozwiązanie błędne albo brak rozwiązania.

Uwaga

Błędne stosowanie jednostek traktuje się jako błąd rachunkowy.

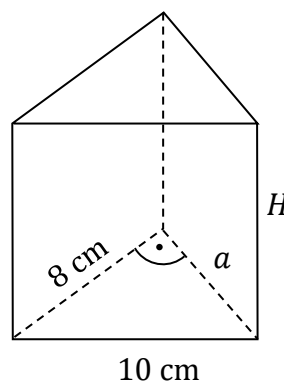
Przykładowe rozwiązania ocenione na 3 punkty**I sposób**Oznaczmy jedną z krawędzi podstawy jako a Obliczymy długość krawędzi a , korzystając z twierdzenia

Pitagorasa:

$$a^2 + 8^2 = 10^2$$

$$a^2 = 100 - 64$$

$$a = 6 \text{ (cm)}$$



Pole najmniejszej ściany bocznej graniastopła jest

równe 54 cm^2 , zatem możemy obliczyć wysokość graniastopła, korzystając ze wzoru na pole prostokąta:

$$P = a \cdot H$$

$$54 = 6 \cdot H$$

$$H = 9 \text{ (cm)}$$

Obliczymy sumę długości krawędzi graniastopła:

$$S_k = 2 \cdot (6 + 8 + 10) + 3 \cdot 9 = 75 \text{ (cm)}$$

Odpowiedź: Suma długości krawędzi tego graniastopła jest równa 75 (cm) .