

## WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

--	--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Miejsce na naklejkę.**Sprawdź, czy kod na naklejce to  
**E-100.**Jeżeli tak – przyklej naklejkę.  
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.**Egzamin maturalny****Formuła 2015****MATEMATYKA****Poziom podstawowy***Symbol arkusza***EMAP-P0-100-2405**DATA: **8 maja 2024 r.**GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**CZAS TRWANIA: **170 minut**LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

## WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia odpowiedzi na kartę.

**Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym**

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.





**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane  
na następnych stronach.**

W każdym z zadań od 1. do 29. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

### Zadanie 1. (0–1)

Na początku sezonu letniego cenę  $x$  pary sandałów podwyższono o 20%. Po miesiącu nową cenę obniżono o 10%. Po obu tych zmianach ta para sandałów kosztowała 81 zł. Początkowa cena  $x$  pary sandałów była równa

- A. 45 zł                      B. 73,63 zł                      C. 75 zł                      D. 87,48 zł

### Zadanie 2. (0–1)

Liczba  $\left(\frac{1}{16}\right)^8 \cdot 8^{16}$  jest równa

- A.  $2^{24}$                       B.  $2^{16}$                       C.  $2^{12}$                       D.  $2^8$

### Zadanie 3. (0–1)

Liczba  $\log_{\sqrt{3}} 9$  jest równa

- A. 2                      B. 3                      C. 4                      D. 9

### Zadanie 4. (0–1)

Dla każdej liczby rzeczywistej  $a$  i dla każdej liczby rzeczywistej  $b$  wartość wyrażenia  $(2a + b)^2 - (2a - b)^2$  jest równa wartości wyrażenia

- A.  $8a^2$                       B.  $8ab$                       C.  $-8ab$                       D.  $2b^2$

### Zadanie 5. (0–1)

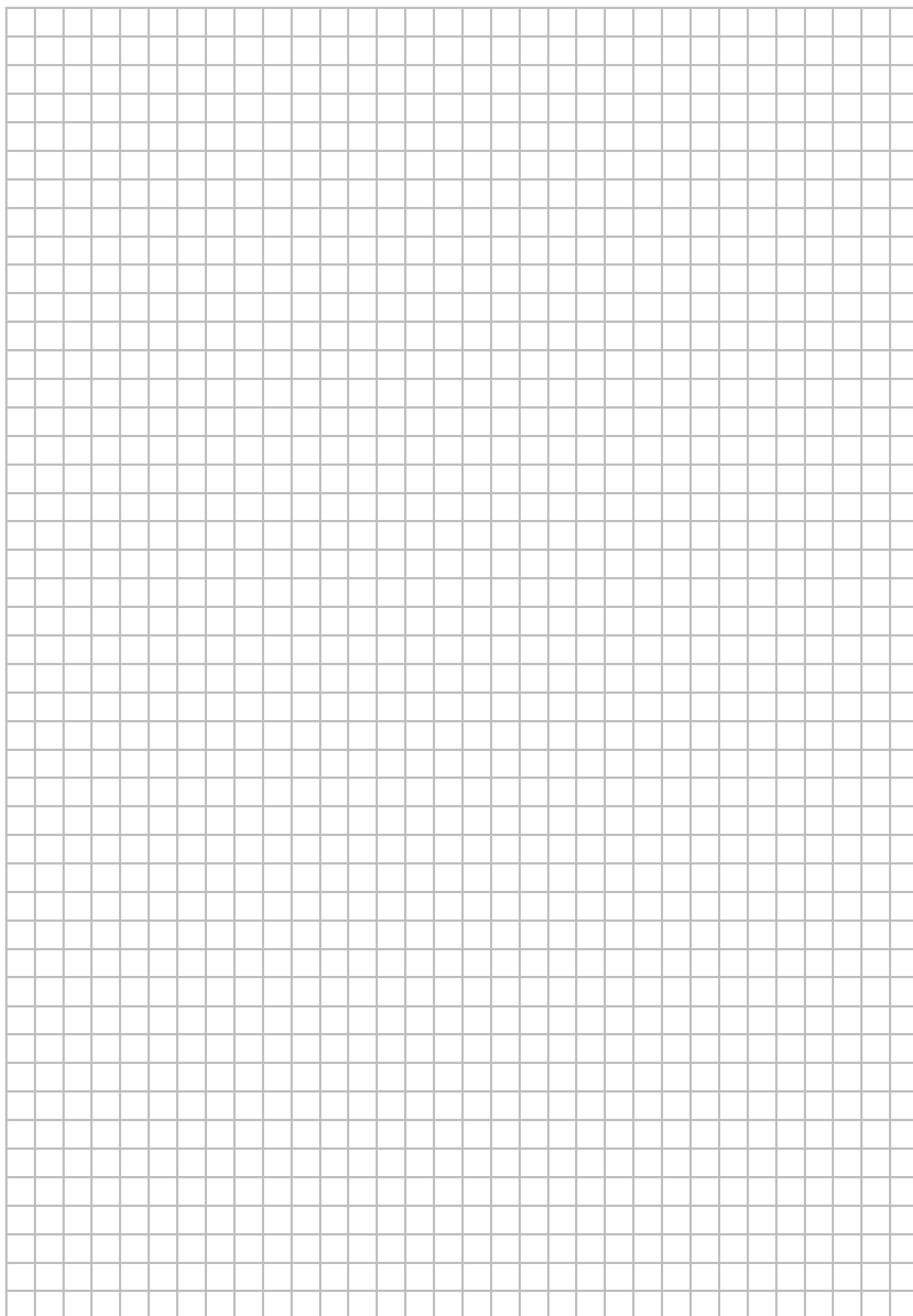
Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności

$$1 - \frac{3}{2}x < \frac{2}{3} - x$$

jest przedział

- A.  $\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right)$                       B.  $\left(-\infty, \frac{2}{3}\right)$                       C.  $\left(-\frac{2}{3}, +\infty\right)$                       D.  $\left(\frac{2}{3}, +\infty\right)$

## BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)



**Zadanie 6. (0–1)**

Największą liczbą będącą rozwiązaniem rzeczywistym równania  $x(x + 2)(x^2 + 9) = 0$  jest

- A.  $(-2)$                       B. 0                      C. 2                      D. 3

**Zadanie 7. (0–1)**

Równanie  $\frac{x+1}{(x+2)(x-3)} = 0$  w zbiorze liczb rzeczywistych

- A. nie ma rozwiązania.  
B. ma dokładnie jedno rozwiązanie:  $(-1)$ .  
C. ma dokładnie dwa rozwiązania:  $(-2)$  oraz 3.  
D. ma dokładnie trzy rozwiązania:  $(-1)$ ,  $(-2)$  oraz 3.

**Zadanie 8. (0–1)**

W październiku 2022 roku założono dwa sady, w których posadzono łącznie 1960 drzew.

Po roku stwierdzono, że uschło 5% drzew w pierwszym sadzie i 10% drzew w drugim sadzie. Uschnięte drzewa usunięto, a nowych nie dosadzano.

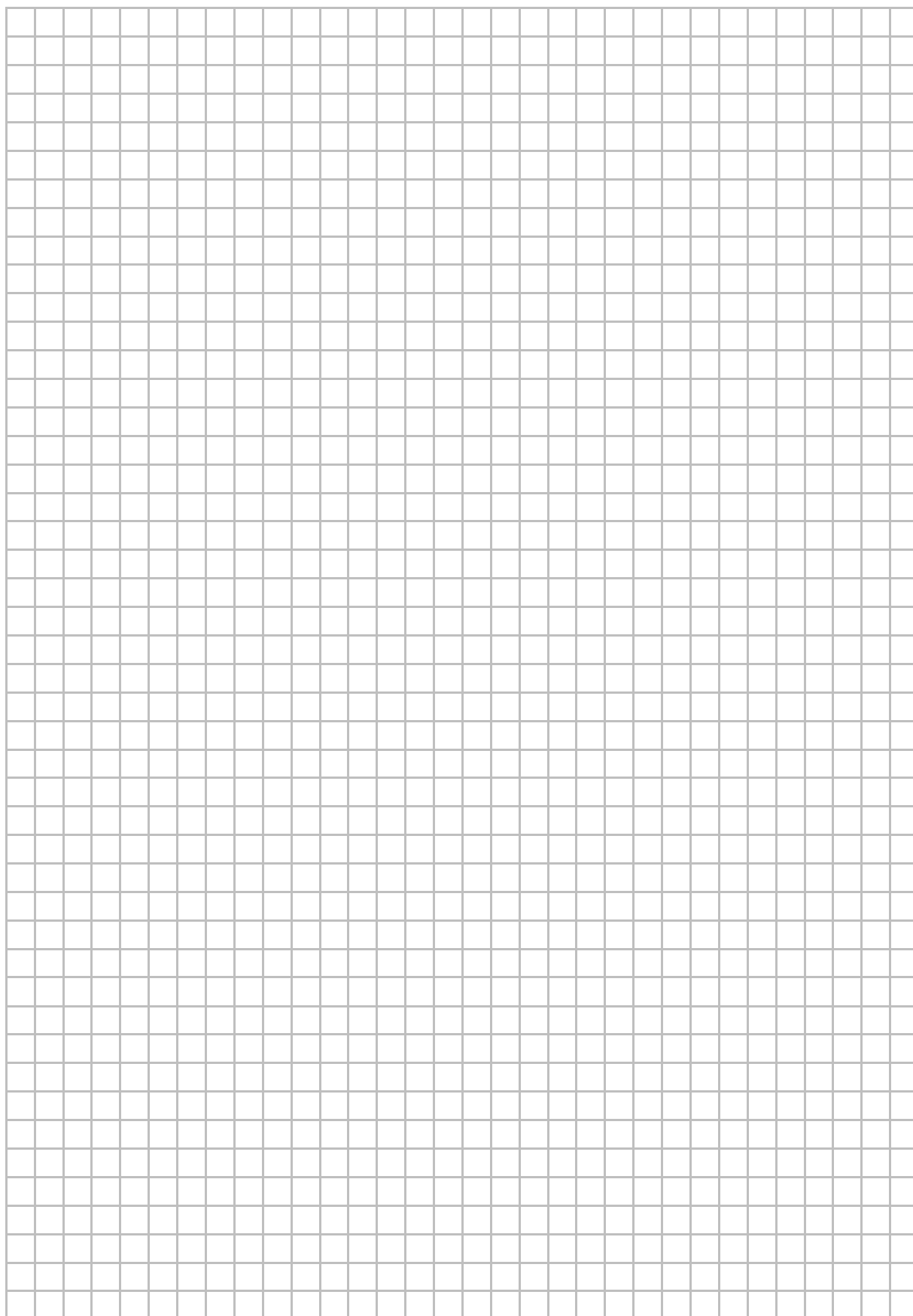
Liczba drzew, które pozostały w drugim sadzie, stanowiła 60% liczby drzew, które pozostały w pierwszym sadzie.

Niech  $x$  oraz  $y$  oznaczają liczby drzew posadzonych – odpowiednio – w pierwszym i drugim sadzie.

Układem równań, którego poprawne rozwiązanie prowadzi do obliczenia liczby  $x$  drzew posadzonych w pierwszym sadzie oraz liczby  $y$  drzew posadzonych w drugim sadzie, jest

- A.  $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,6 \cdot 0,95x = 0,9y \end{cases}$   
B.  $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,95x = 0,6 \cdot 0,9y \end{cases}$   
C.  $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,05x = 0,6 \cdot 0,1y \end{cases}$   
D.  $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,4 \cdot 0,95x = 0,9y \end{cases}$

## BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)



**Zadanie 9. (0–1)**

Średnia arytmetyczna trzech liczb:  $a$ ,  $b$ ,  $c$ , jest równa 9.

Średnia arytmetyczna sześciu liczb:  $a$ ,  $a$ ,  $b$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $c$ , jest równa

A. 9

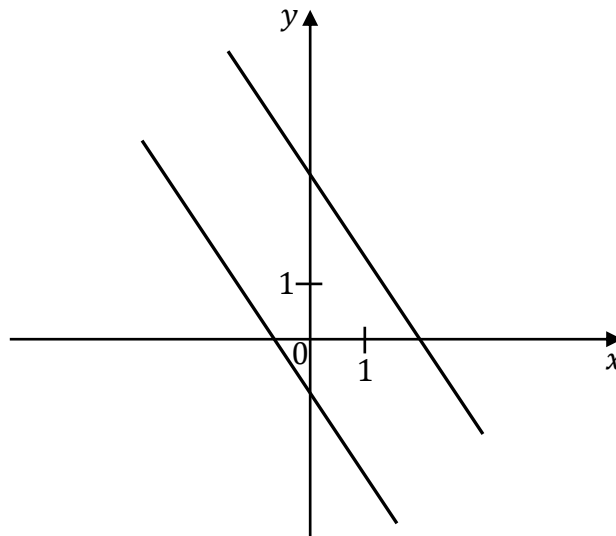
B. 6

C. 4,5

D. 18

**Zadanie 10. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono dwie proste równoległe, które są interpretacją geometryczną jednego z poniższych układów równań A–D.



Układem równań, którego interpretację geometryczną przedstawiono na rysunku, jest

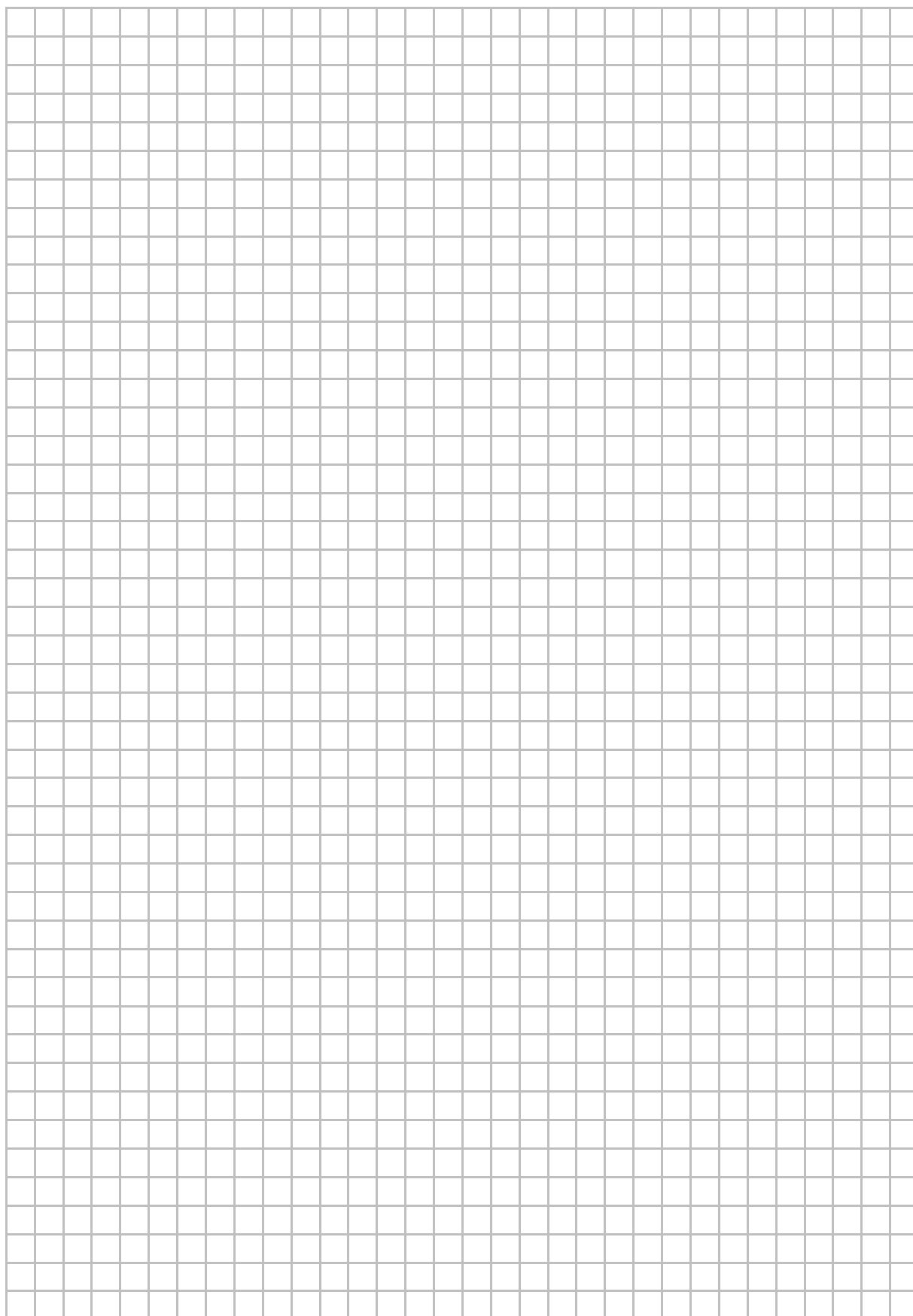
A. 
$$\begin{cases} y = -\frac{3}{2}x + 3 \\ y = -\frac{3}{2}x - 1 \end{cases}$$

B. 
$$\begin{cases} y = \frac{3}{2}x + 3 \\ y = -\frac{2}{3}x - 1 \end{cases}$$

C. 
$$\begin{cases} y = \frac{3}{2}x + 3 \\ y = \frac{3}{2}x - 1 \end{cases}$$

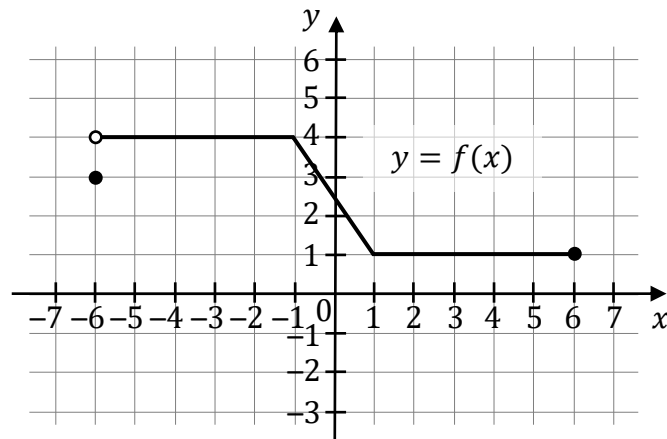
D. 
$$\begin{cases} y = -\frac{3}{2}x - 3 \\ y = \frac{3}{2}x + 1 \end{cases}$$

## **BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 11. (0–1)**

Na rysunku przedstawiono wykres funkcji  $f$ .



Zbiorem wartości tej funkcji jest

- A.  $(-6, 6)$       B.  $\langle 1, 4 \rangle$       C.  $\langle 1, 4 \rangle$       D.  $\langle -6, 6 \rangle$

**Zadanie 12. (0–1)**

Funkcja liniowa  $f$  jest określona wzorem  $f(x) = (-2k + 3)x + k - 1$ , gdzie  $k \in \mathbb{R}$ .

Funkcja  $f$  jest malejąca dla każdej liczby  $k$  należącej do przedziału

- A.  $(-\infty, 1)$       B.  $(-\infty, -\frac{3}{2})$       C.  $(1, +\infty)$       D.  $(\frac{3}{2}, +\infty)$

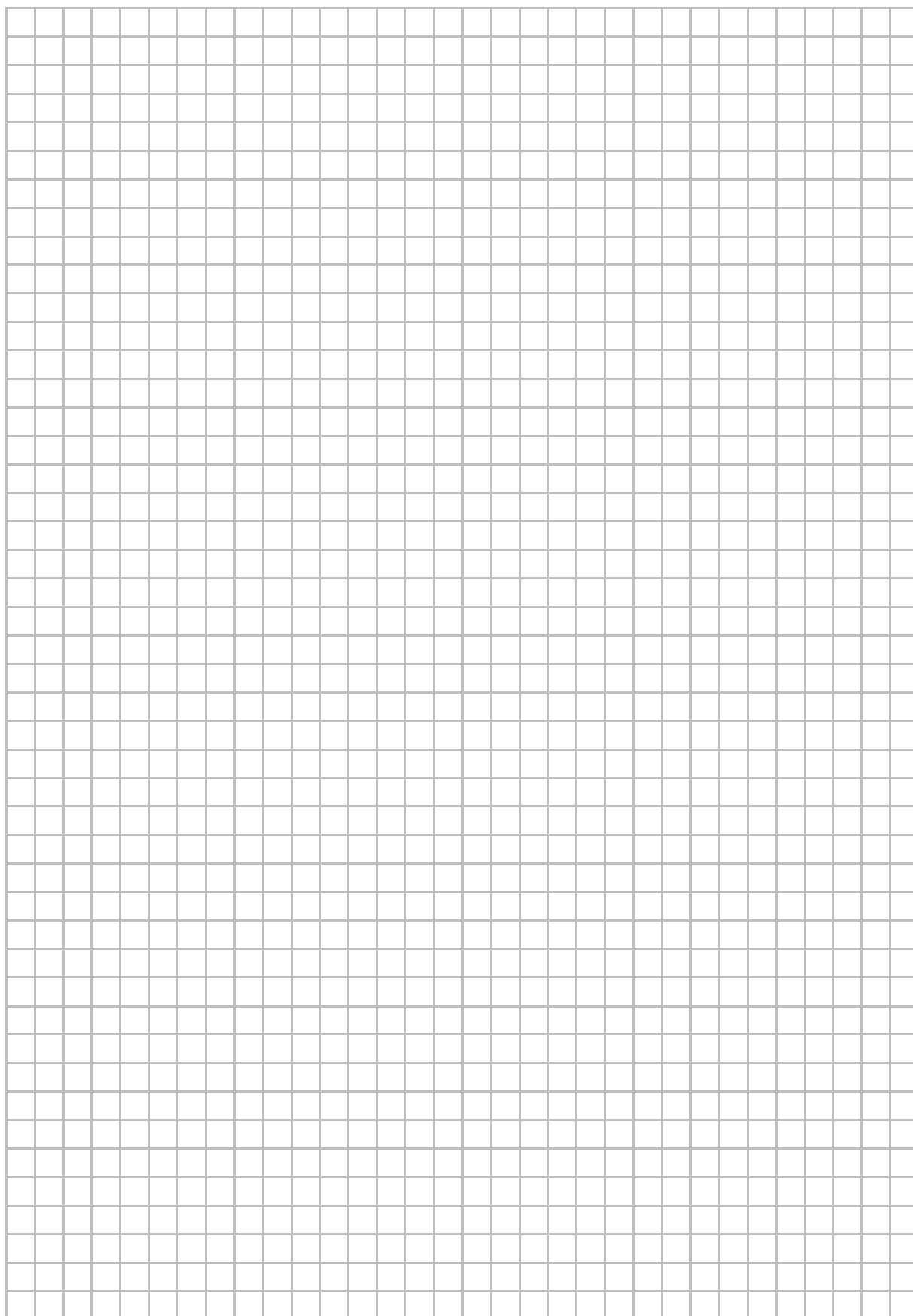
**Zadanie 13. (0–1)**

Funkcje liniowe  $f$  oraz  $g$ , określone wzorami  $f(x) = 3x + 6$  oraz  $g(x) = ax + 7$ , mają to samo miejsce zerowe.

Współczynnik  $a$  we wzorze funkcji  $g$  jest równy

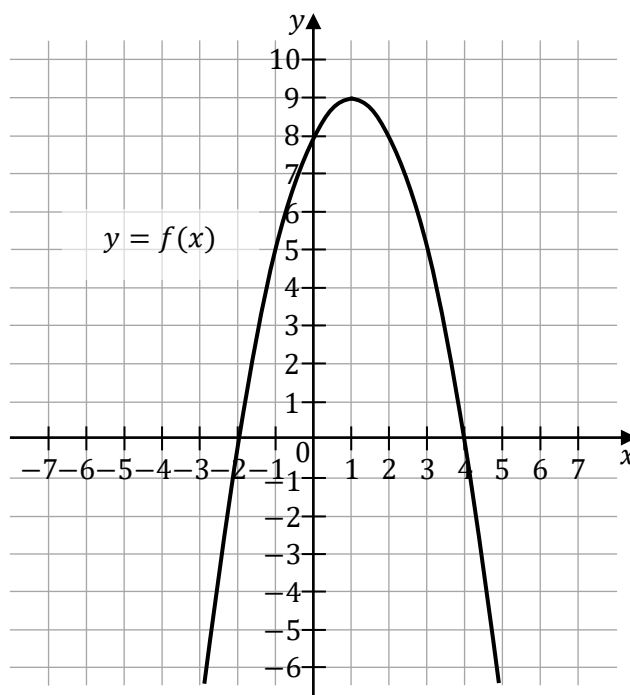
- A.  $(-\frac{7}{2})$       B.  $(-\frac{2}{7})$       C.  $\frac{2}{7}$       D.  $\frac{7}{2}$

## **BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)**



**Informacja do zadań 14.–15.**

Na rysunku przedstawiono fragment paraboli, która jest wykresem funkcji kwadratowej  $f$  (zobacz rysunek). Wierzchołek tej paraboli oraz punkty przecięcia paraboli z osiami układu współrzędnych mają obie współrzędne całkowite.

**Zadanie 14. (0–1)**

Funkcja kwadratowa  $f$  jest określona wzorem

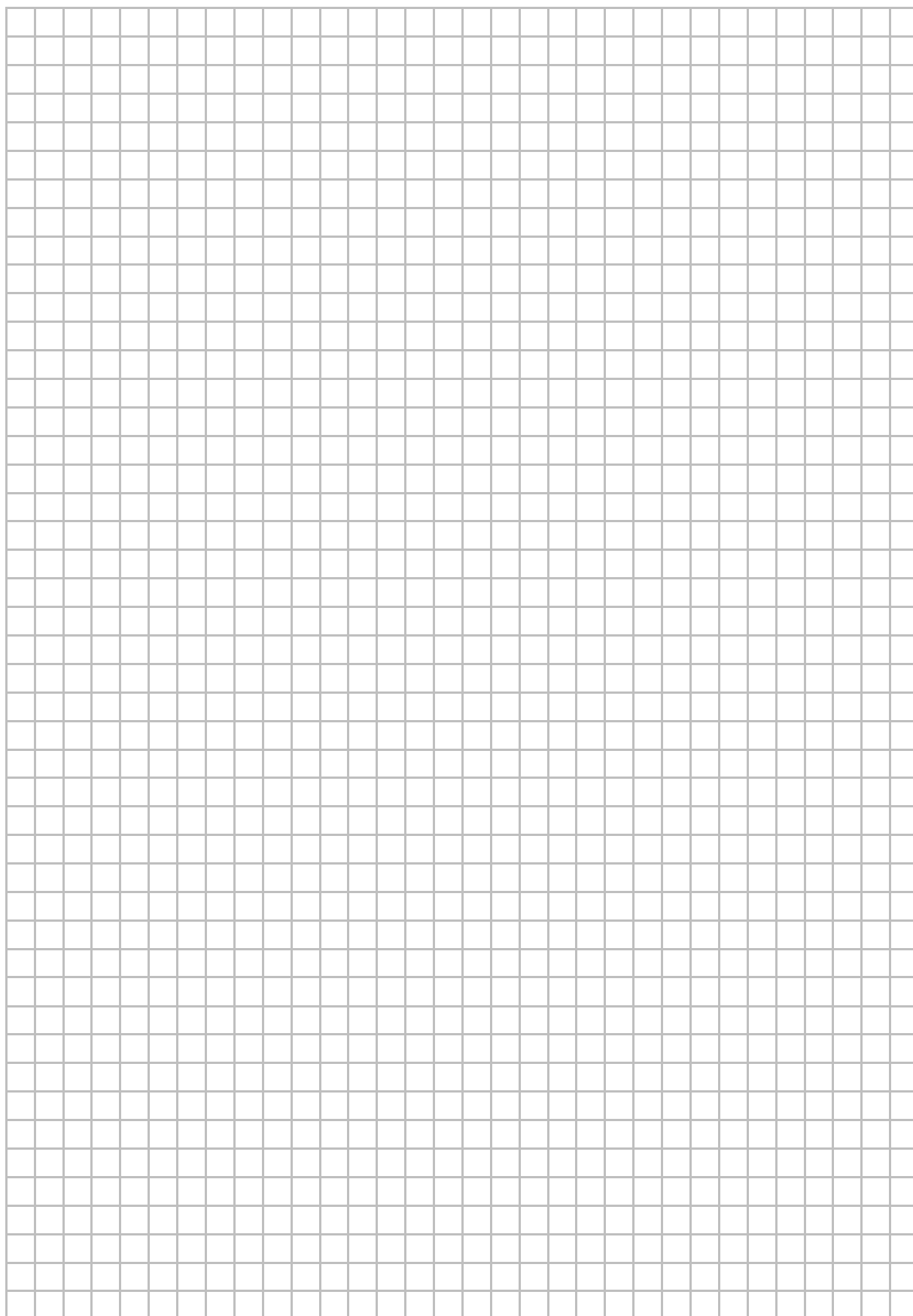
- A.  $f(x) = -(x + 1)^2 - 9$                       B.  $f(x) = -(x - 1)^2 + 9$   
C.  $f(x) = -(x - 1)^2 - 9$                       D.  $f(x) = -(x + 1)^2 + 9$

**Zadanie 15. (0–1)**

Dla funkcji  $f$  prawdziwa jest równość

- A.  $f(-4) = f(6)$                                       B.  $f(-4) = f(4)$   
C.  $f(-4) = f(5)$                                       D.  $f(-4) = f(7)$

## BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)



**Zadanie 16. (0–1)**

W ciągu arytmetycznym  $(a_n)$ , określonym dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ , dane są wyrazy  $a_4 = -2$  oraz  $a_6 = 16$ .

Piąty wyraz tego ciągu jest równy

- A.  $\frac{7}{2}$                       B.  $\frac{9}{2}$                       C. 7                      D. 9

**Zadanie 17. (0–1)**

Ciąg geometryczny  $(a_n)$  jest określony wzorem  $a_n = 2^{n-1}$ , dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ . Iloraz tego ciągu jest równy

- A.  $\frac{1}{2}$                       B.  $(-2)$                       C. 2                      D. 1

**Zadanie 18. (0–1)**

Ciąg  $(b_n)$  jest określony wzorem  $b_n = (n + 2)(7 - n)$ , dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ . Liczba dodatnich wyrazów ciągu  $(b_n)$  jest równa

- A. 6                      B. 7                      C. 8                      D. 9

**Zadanie 19. (0–1)**

Liczba  $\sin^3 20^\circ + \cos^2 20^\circ \cdot \sin 20^\circ$  jest równa

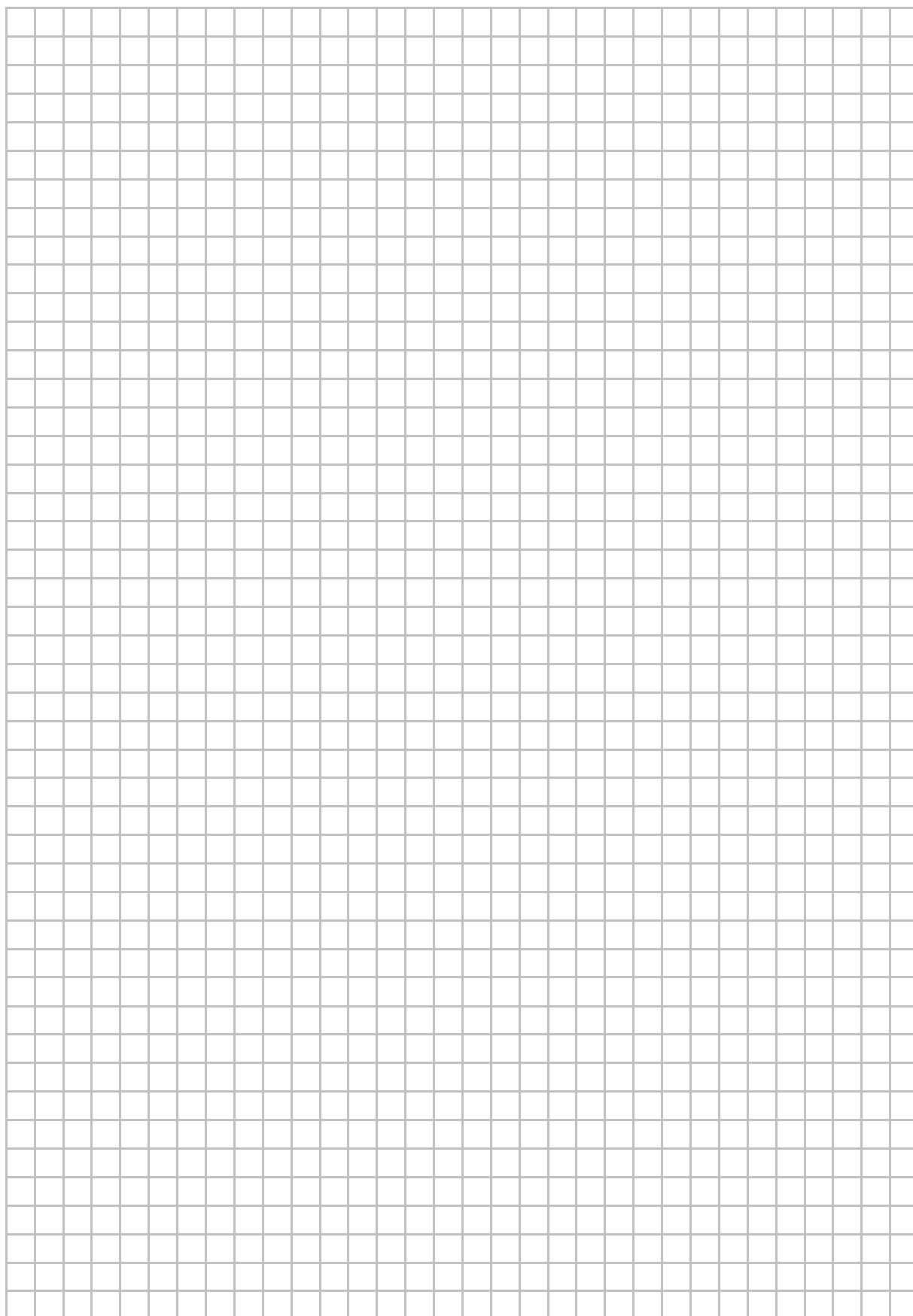
- A.  $\cos 20^\circ$                       B.  $\sin 20^\circ$   
C.  $\operatorname{tg} 20^\circ$                       D.  $\sin 20^\circ \cdot \cos 20^\circ$

**Zadanie 20. (0–1)**

Kąt  $\alpha$  jest ostry oraz  $\cos \alpha = \frac{5}{13}$ . Wtedy

- A.  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{12}{13}$                       B.  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{12}{5}$                       C.  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{5}{12}$                       D.  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{13}{12}$

## **BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)**



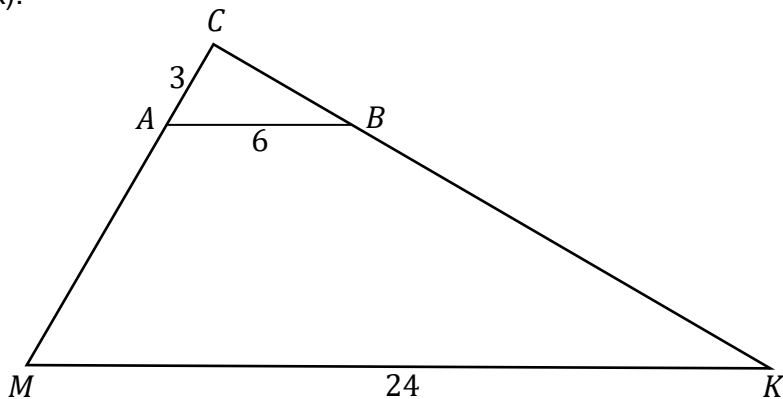
**Zadanie 21. (0–1)**

Dany jest równoległobok o bokach długości 3 i 4 oraz o kącie między nimi o mierze  $120^\circ$ . Pole tego równoległoboku jest równe

- A. 6                      B.  $6\sqrt{3}$                       C. 12                      D.  $12\sqrt{3}$

**Zadanie 22. (0–1)**

W trójkącie  $MKC$  bok  $MK$  ma długość 24. Prosta równoległa do boku  $MK$  przecina boki  $MC$  i  $KC$  – odpowiednio – w punktach  $A$  oraz  $B$  takich, że  $|AB| = 6$  i  $|AC| = 3$  (zobacz rysunek).

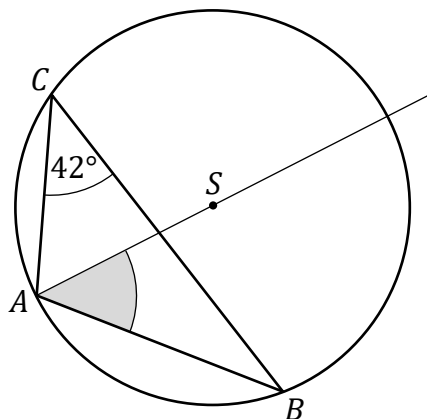


Długość odcinka  $MA$  jest równa

- A. 18                      B. 15                      C. 9                      D. 12

**Zadanie 23. (0–1)**

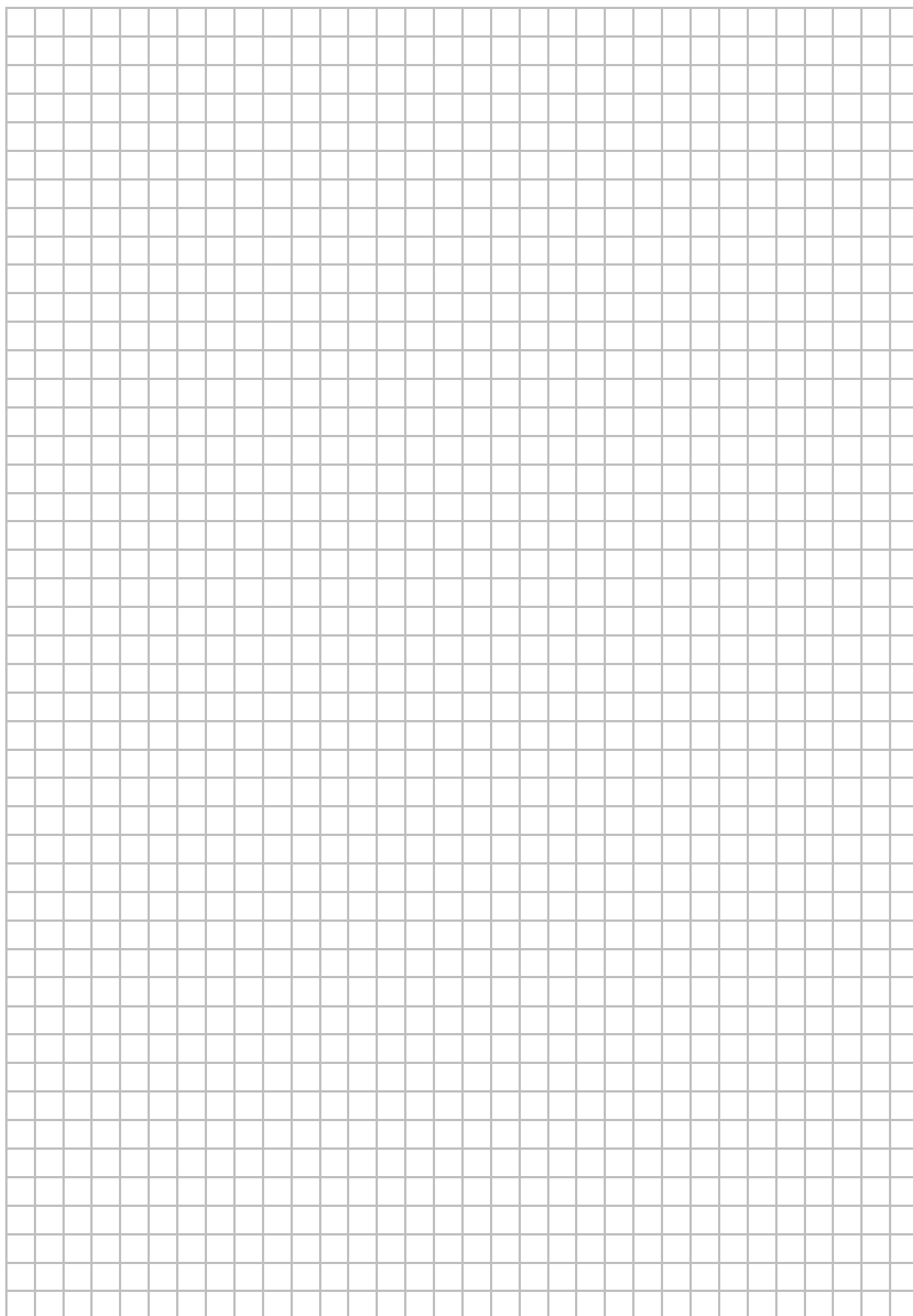
W trójkącie  $ABC$ , wpisanym w okrąg o środku w punkcie  $S$ , kąt  $ACB$  ma miarę  $42^\circ$  (zobacz rysunek).



Miara kąta ostrego  $BAS$  jest równa

- A.  $42^\circ$                       B.  $45^\circ$                       C.  $48^\circ$                       D.  $69^\circ$

## **BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 24. (0–1)**

Proste  $k$  oraz  $l$  są określone równaniami

$$k: y = (m + 1)x + 7$$

$$l: y = -2x + 7$$

Proste  $k$  oraz  $l$  są prostopadłe, gdy liczba  $m$  jest równa

- A.  $(-\frac{1}{2})$       B.  $\frac{1}{2}$       C.  $(-3)$       D. 1

**Zadanie 25. (0–1)**

Na prostej  $l$  o współczynniku kierunkowym  $\frac{1}{2}$  leżą punkty  $A = (2, -4)$  oraz  $B = (0, b)$ .

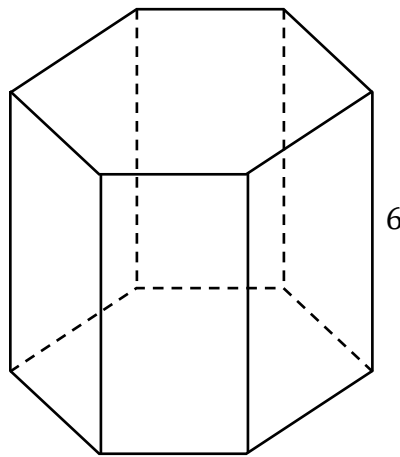
Wtedy liczba  $b$  jest równa

- A.  $(-5)$       B. 10      C.  $(-2)$       D. 0

**Zadanie 26. (0–1)**

Wysokość graniastostupa prawidłowego sześciokątnego jest równa 6 (zobacz rysunek).

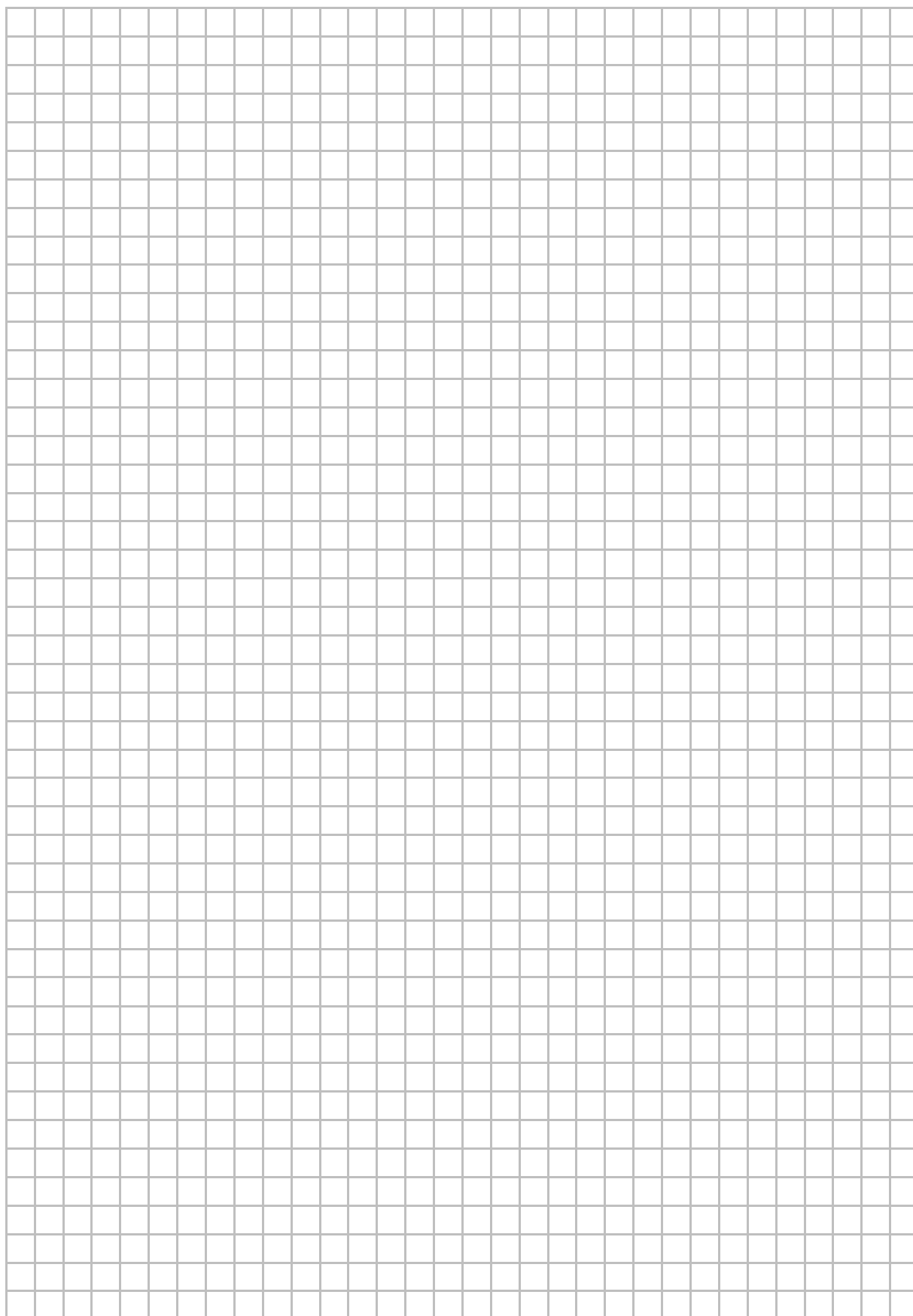
Pole podstawy tego graniastostupa jest równe  $15\sqrt{3}$ .



Pole jednej ściany bocznej tego graniastostupa jest równe

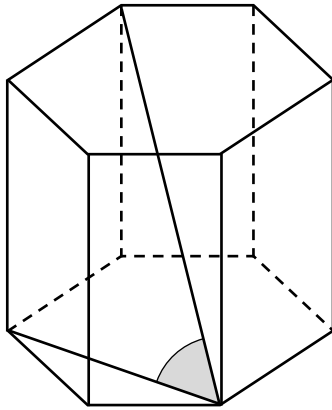
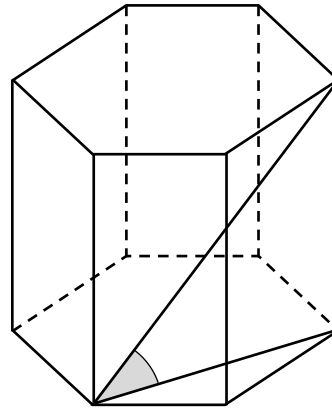
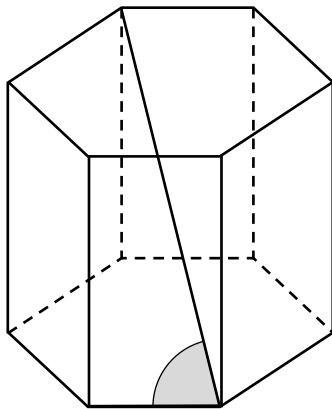
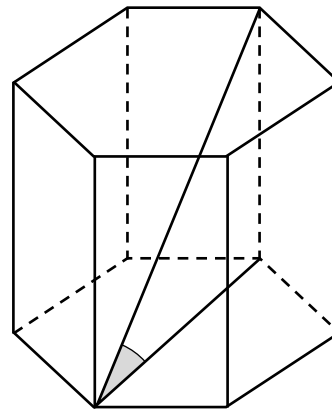
- A.  $36\sqrt{10}$       B. 60      C.  $6\sqrt{10}$       D. 360

## **BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)**



**Zadanie 27. (0–1)**

Kąt nachylenia najdłuższej przekątnej graniastoslupa prawidłowego sześciokątnego do płaszczyzny podstawy jest zaznaczony na rysunku

**A.****B.****C.****D.****Zadanie 28. (0–1)**

Objętość ostrosłupa prawidłowego czworokątnego jest równa 64. Wysokość tego ostrosłupa jest równa 12.

Długość krawędzi podstawy tego ostrosłupa jest równa

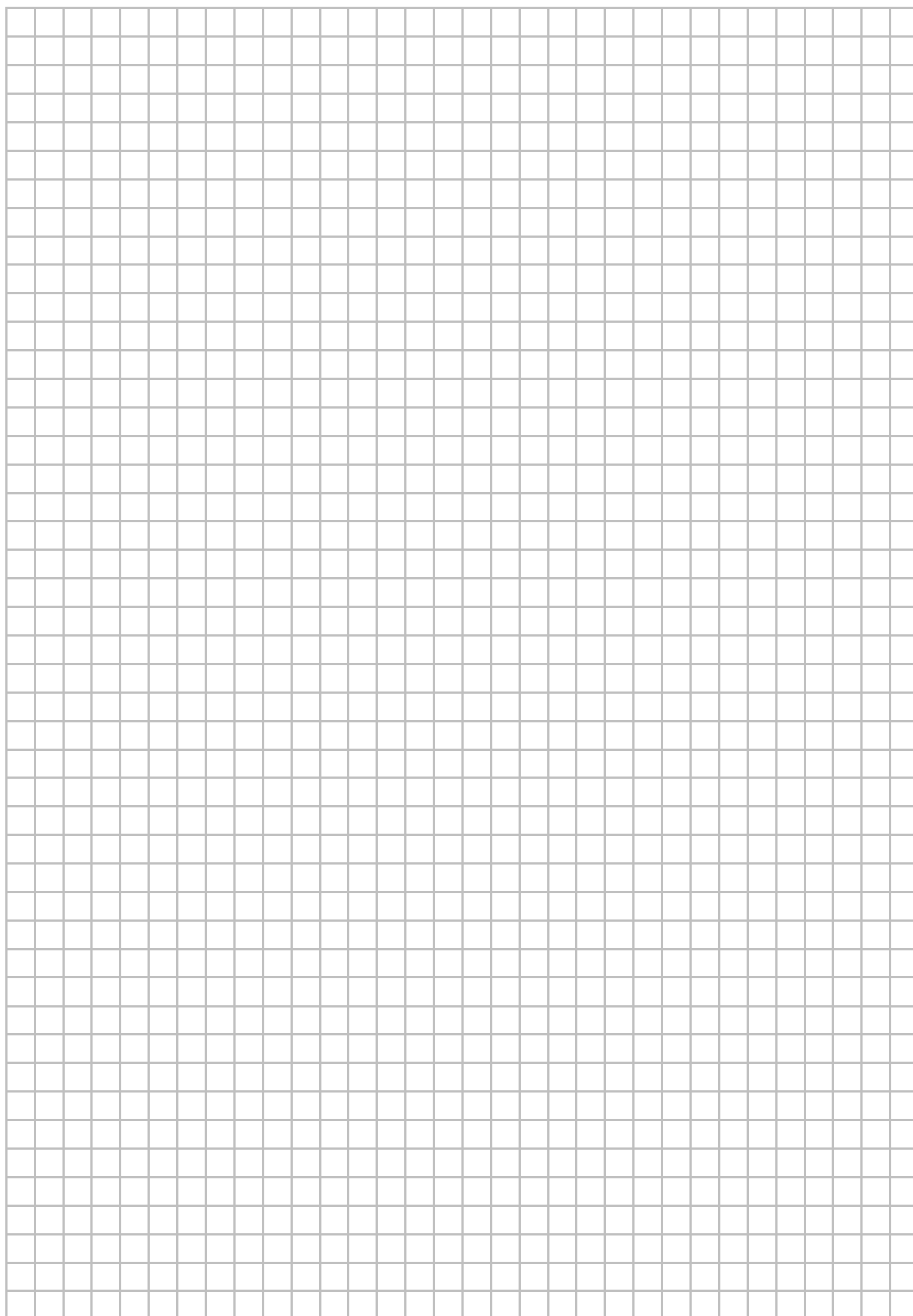
**A. 2****B. 4****C. 6****D. 8****Zadanie 29. (0–1)**

Rozważamy wszystkie kody czterocyfrowe utworzone tylko z cyfr 1, 3, 6, 8, przy czym w każdym kodzie każda z tych cyfr występuje dokładnie jeden raz.

Liczba wszystkich takich kodów jest równa

**A. 4****B. 10****C. 24****D. 16**

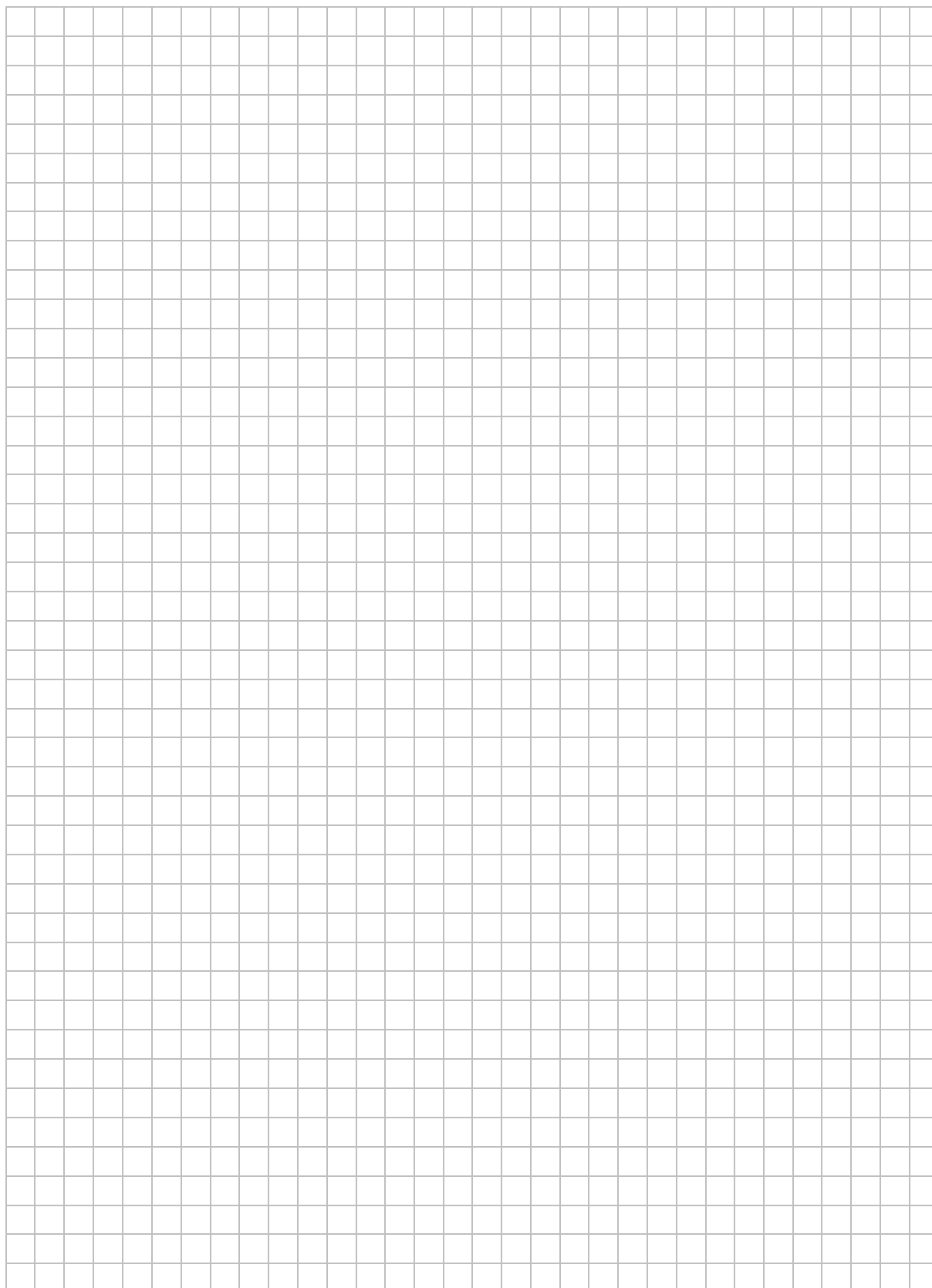
## BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)



**Zadanie 30. (0–2)**

Rozwiąż nierówność

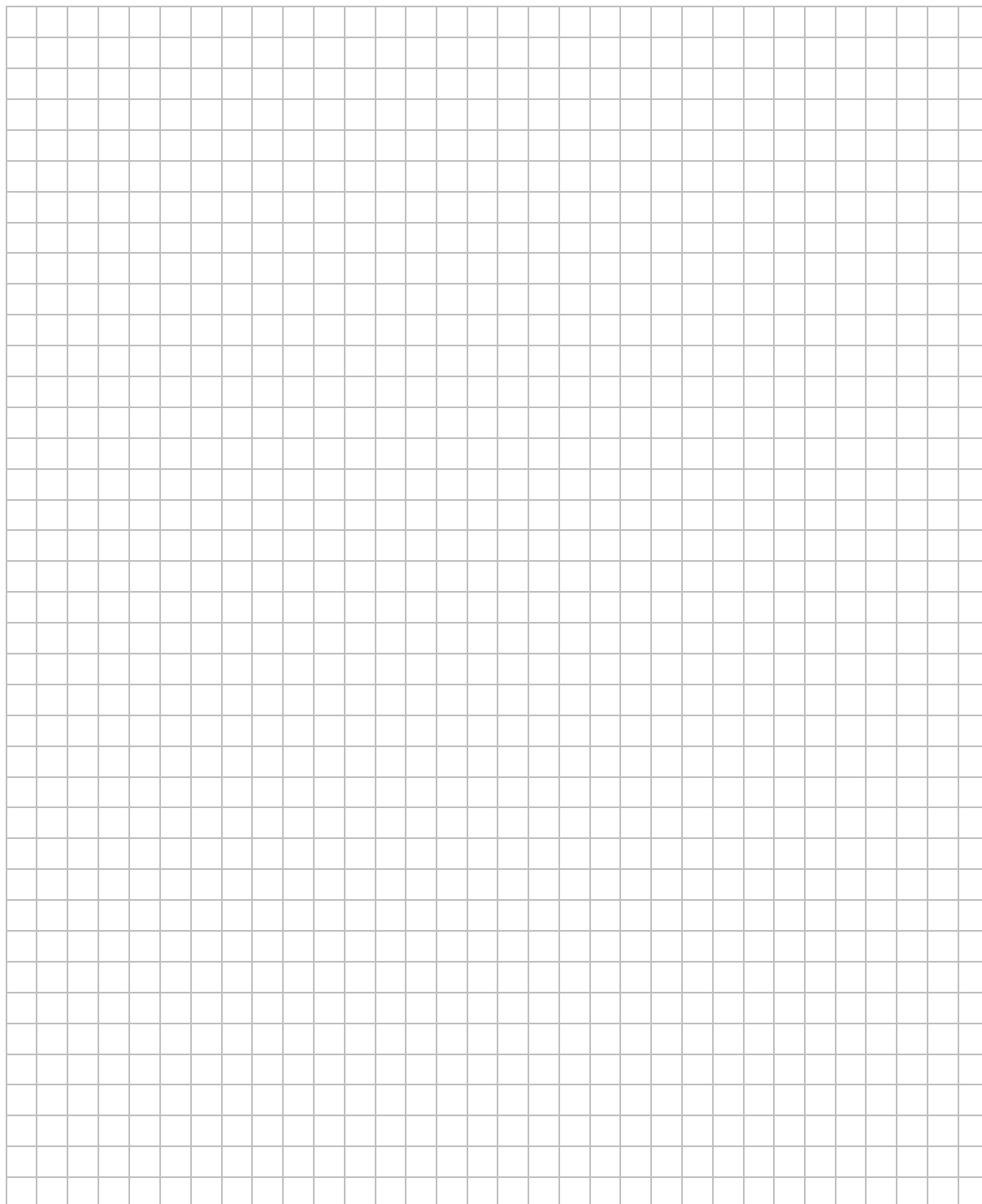
$$x^2 - 4 \leq 3x$$



**Zadanie 31. (0–2)**

Wykaż, że dla każdej liczby rzeczywistej  $x$  i dla każdej liczby rzeczywistej  $y$  takich, że  $x \neq y$ , prawdziwa jest nierówność

$$(3x + y)(x + 3y) > 16xy$$

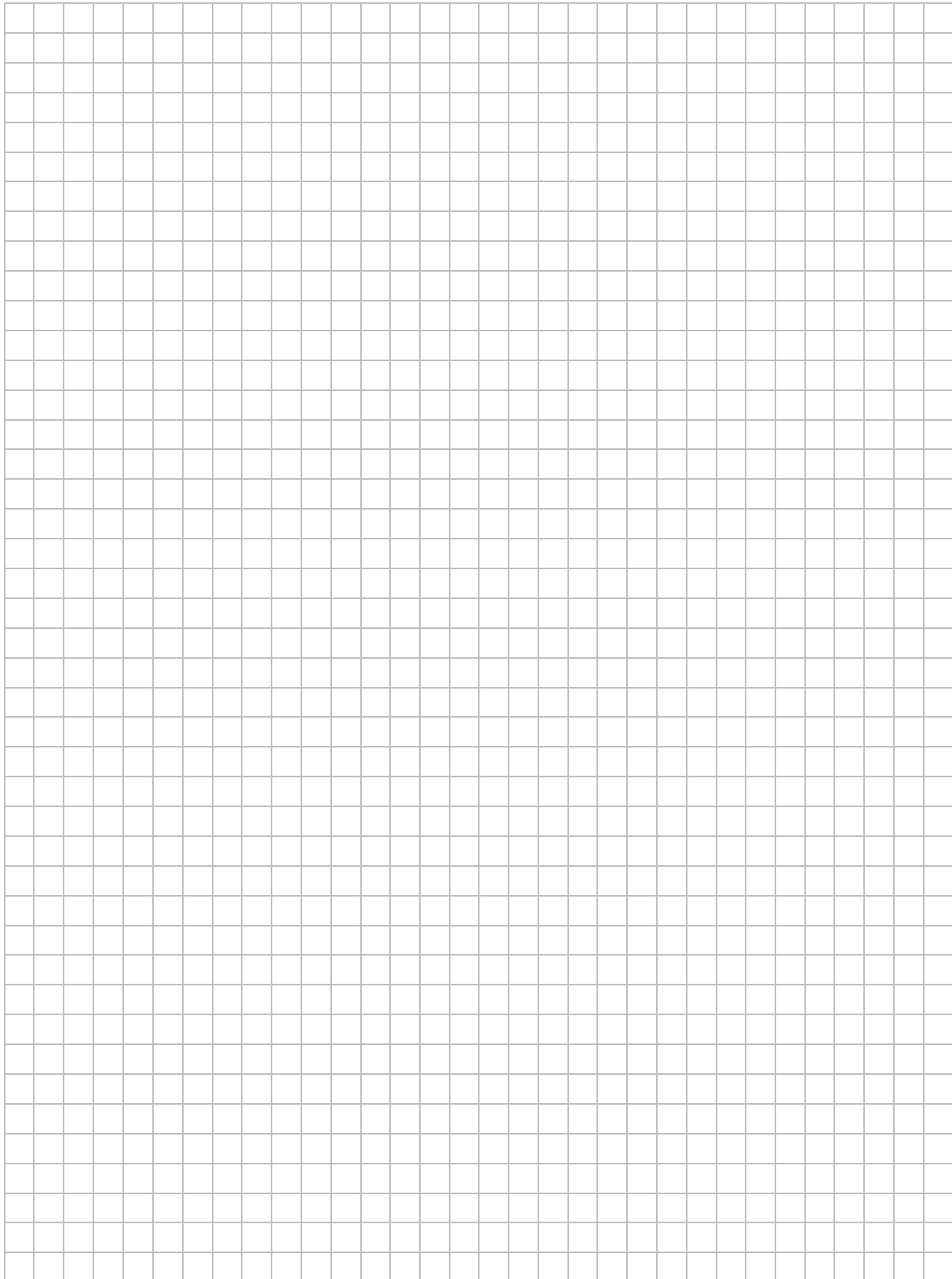


<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>30.</b>	<b>31.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>		

**Zadanie 32. (0–2)**

Ośią symetrii wykresu funkcji kwadratowej  $f(x) = x^2 + bx + c$  jest prosta o równaniu  $x = -2$ . Jednym z miejsc zerowych funkcji  $f$  jest liczba 1.

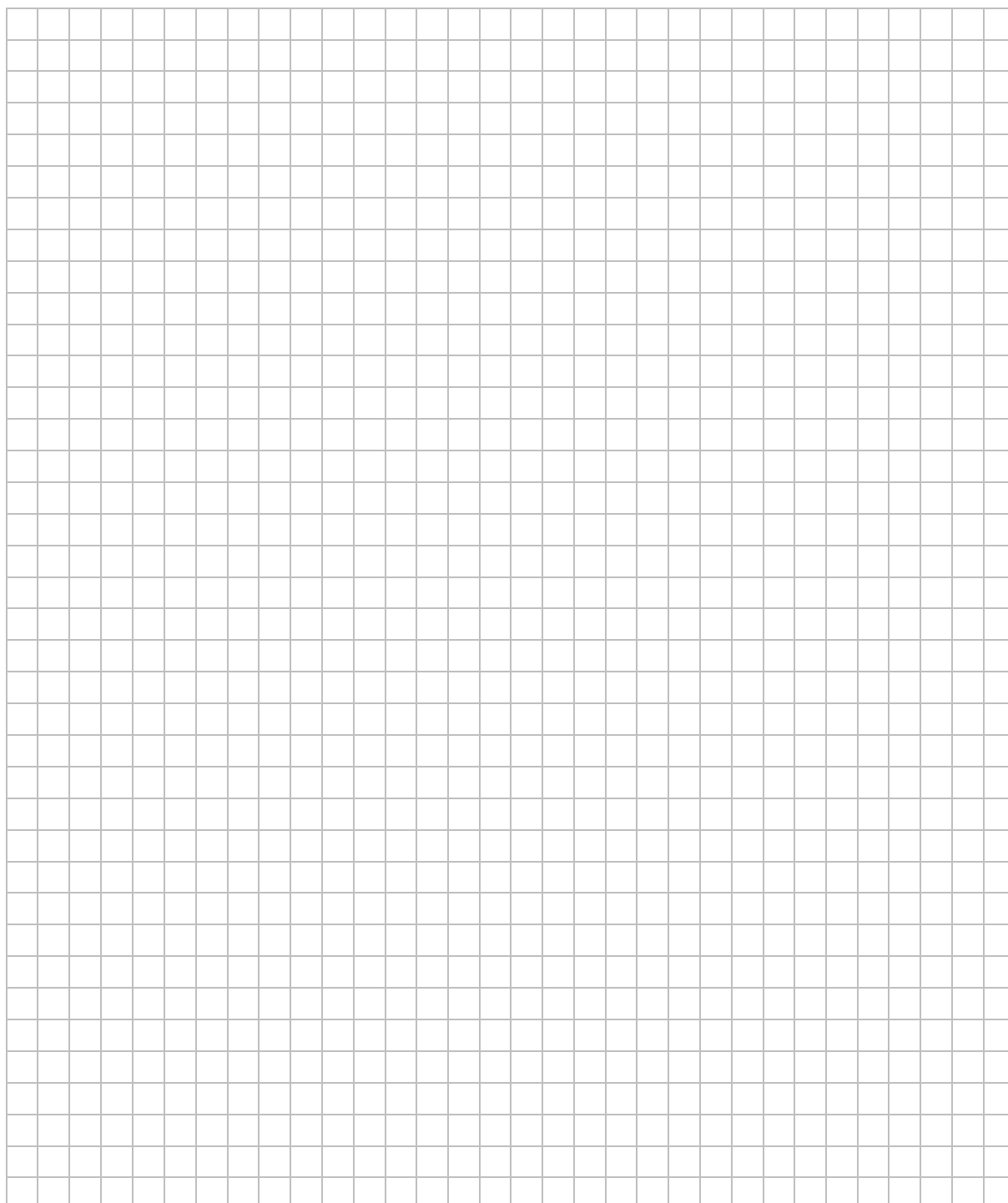
Oblicz współczynniki  $b$  oraz  $c$ .



**Zadanie 33. (0–2)**

Ciąg arytmetyczny  $(a_n)$  jest określony dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ . Trzeci wyraz tego ciągu jest równy  $(-1)$ , a suma piętnastu początkowych kolejnych wyrazów tego ciągu jest równa  $(-165)$ .

Oblicz różnicę tego ciągu.

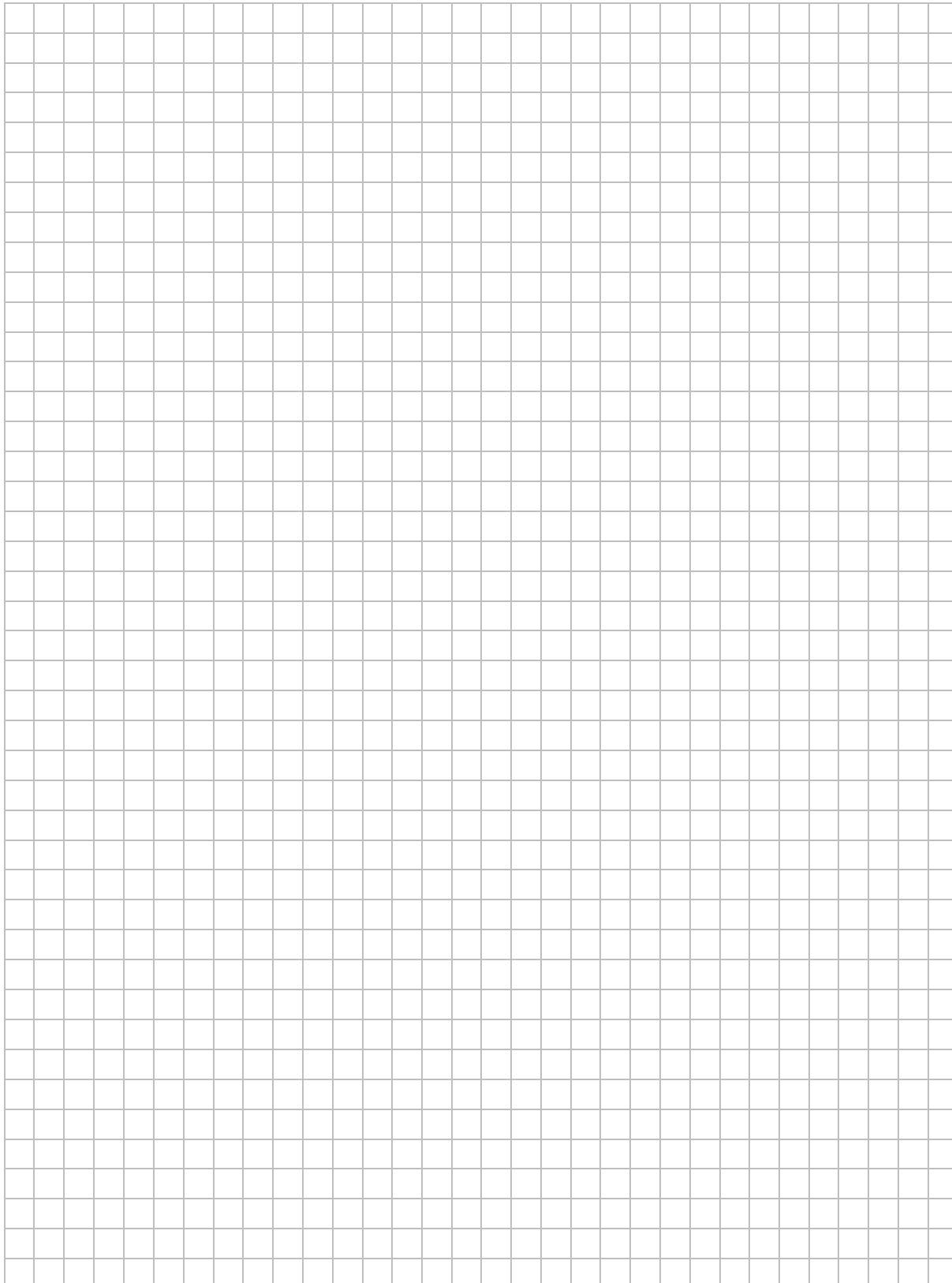


Wypełnia egzaminator	Nr zadania	32.	33.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

**Zadanie 34. (0–2)**

Dany jest równoległobok  $ABCD$ , w którym  $A = (-2, 6)$  oraz  $B = (10, 2)$ . Przekątne  $AC$  oraz  $BD$  tego równoległoboku przecinają się w punkcie  $P = (6, 7)$ .

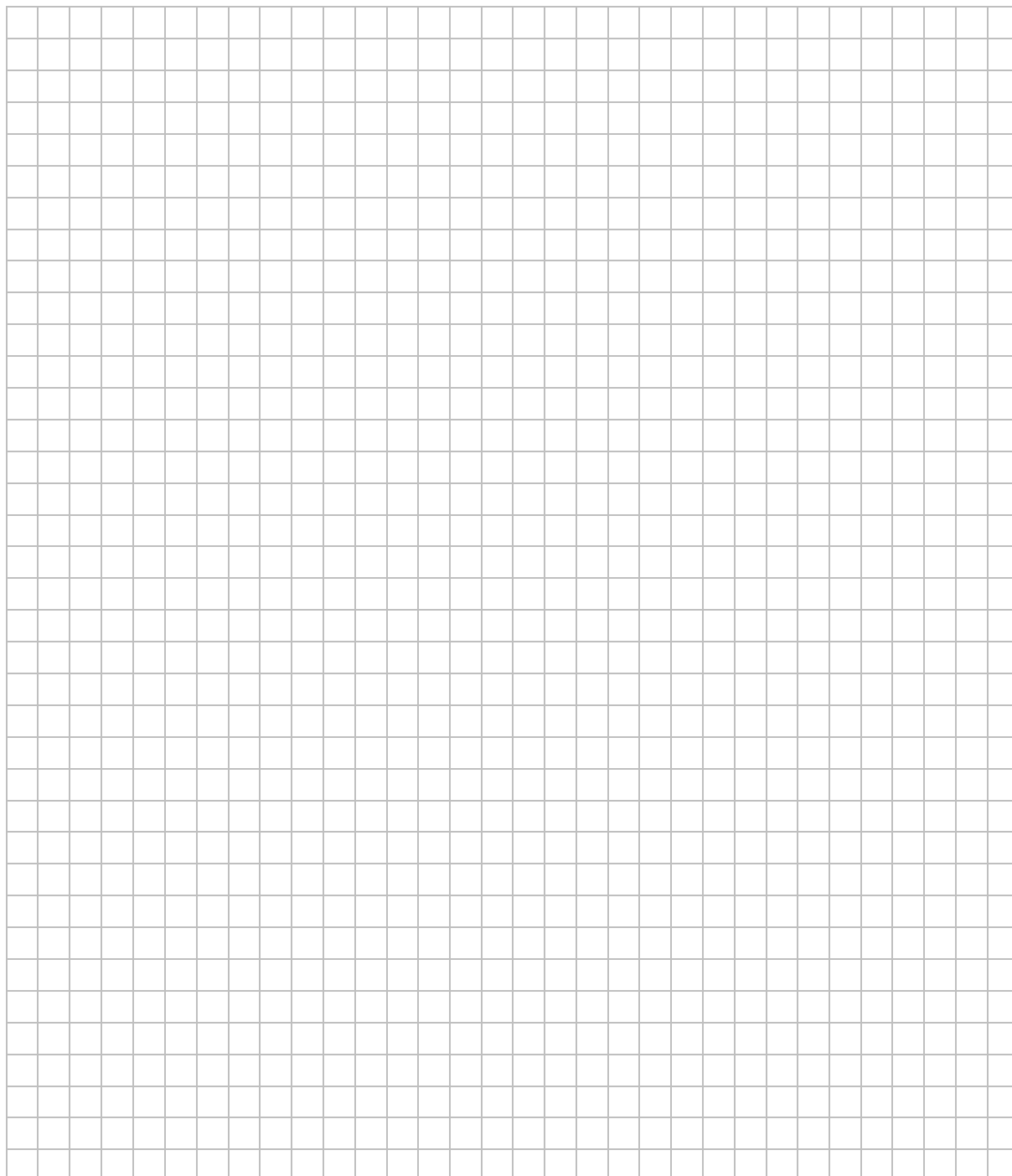
Oblicz długość boku  $BC$  tego równoległoboku.



**Zadanie 35. (0–2)**

Dany jest pięcioelementowy zbiór  $K = \{5, 6, 7, 8, 9\}$ . Wylosowanie każdej liczby z tego zbioru jest jednakowo prawdopodobne. Ze zbioru  $K$  losujemy ze zwracaniem kolejno dwa razy po jednej liczbie i zapisujemy je w kolejności losowania.

Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia  $A$  polegającego na tym, że suma wylosowanych liczb jest liczbą parzystą.



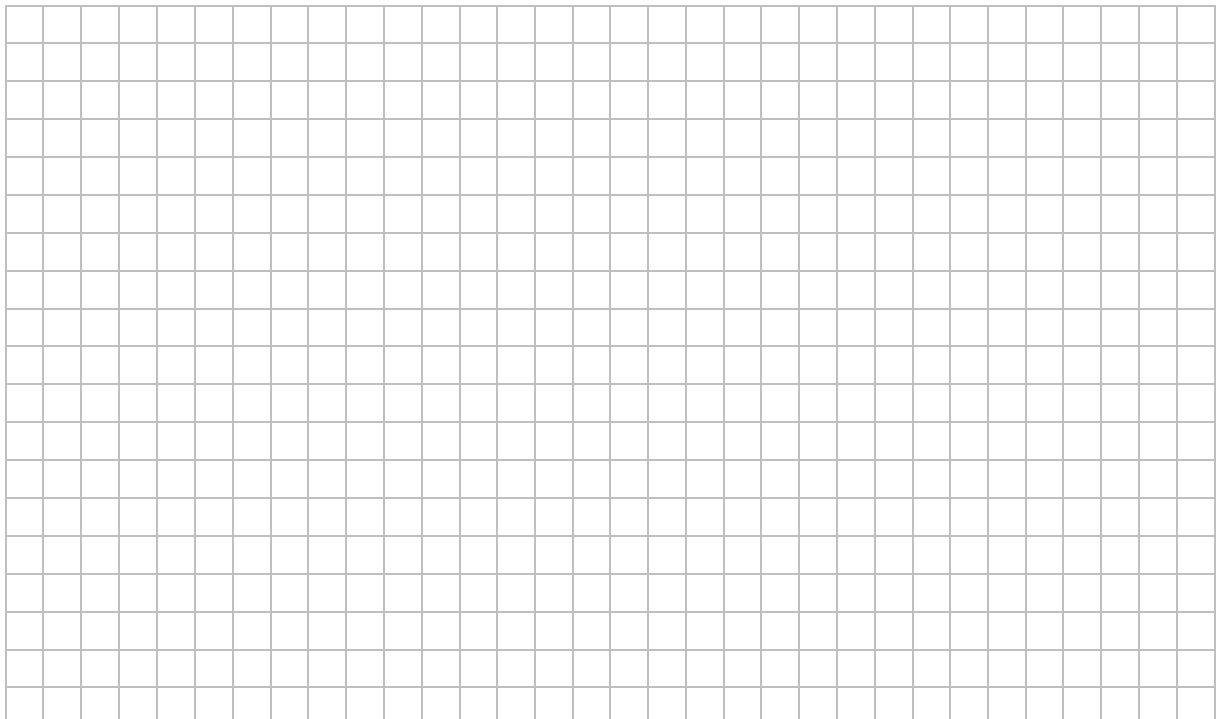
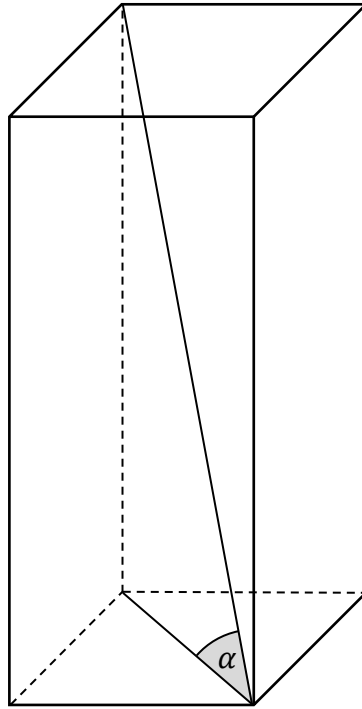
<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>34.</b>	<b>35.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>		

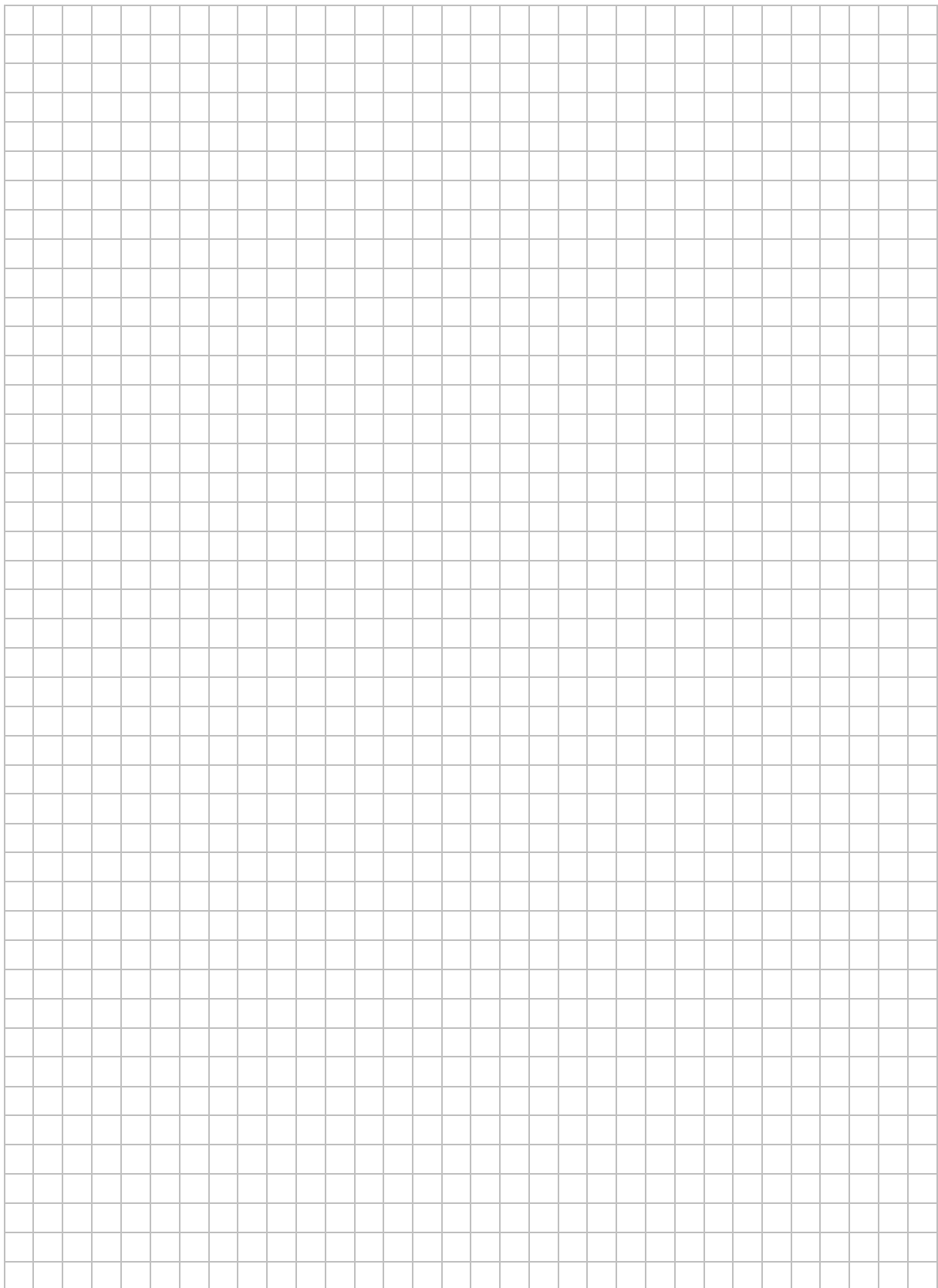
**Zadanie 36. (0–5)**

W graniastosłupie prawidłowym czworokątnym o objętości równej 108 stosunek długości krawędzi podstawy do wysokości graniastosłupa jest równy  $\frac{1}{4}$ .

Przekątna tego graniastosłupa jest nachylona do płaszczyzny jego podstawy pod kątem  $\alpha$  (zobacz rysunek).

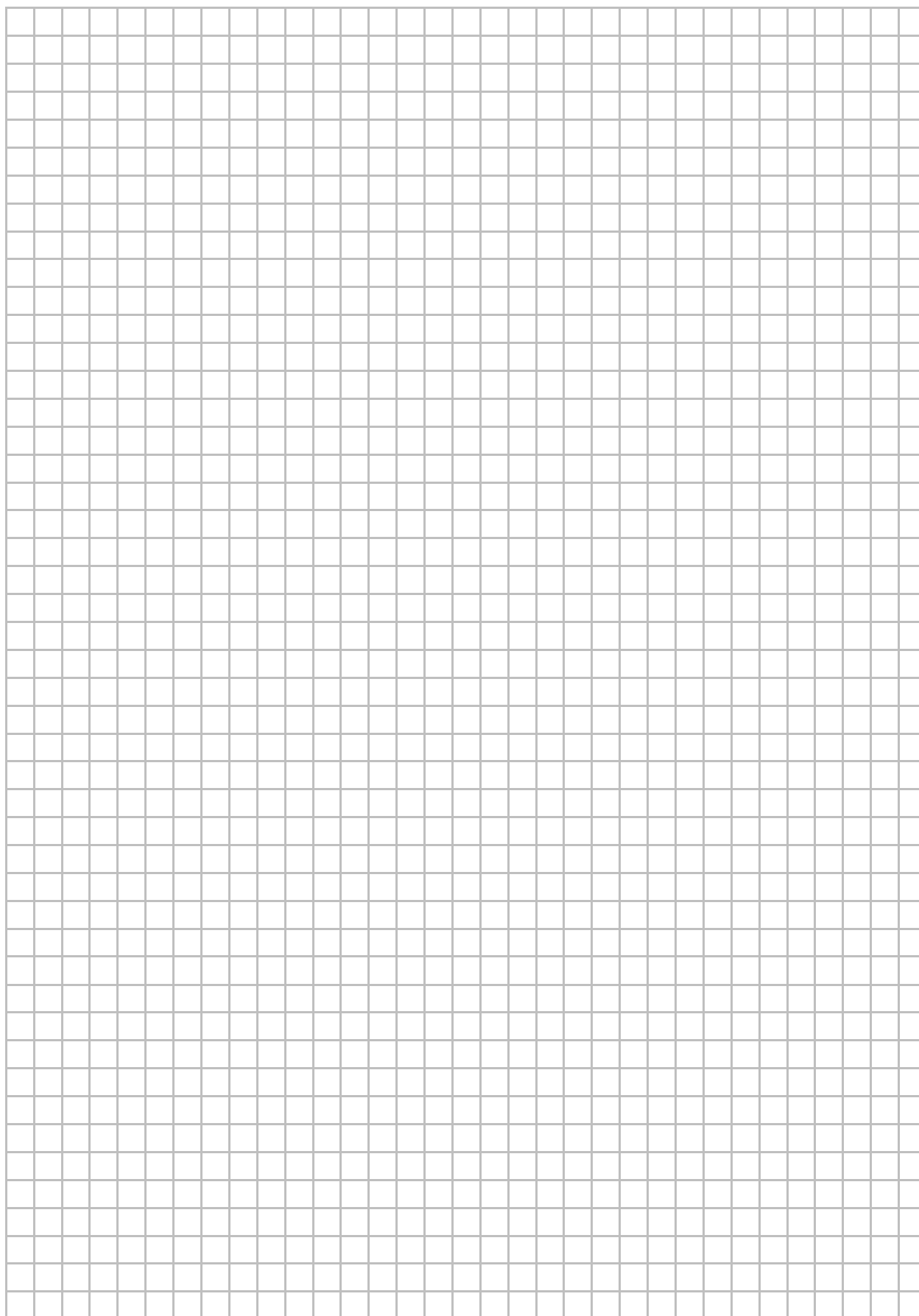
Oblicz cosinus kąta  $\alpha$  oraz pole powierzchni całkowitej tego graniastosłupa.

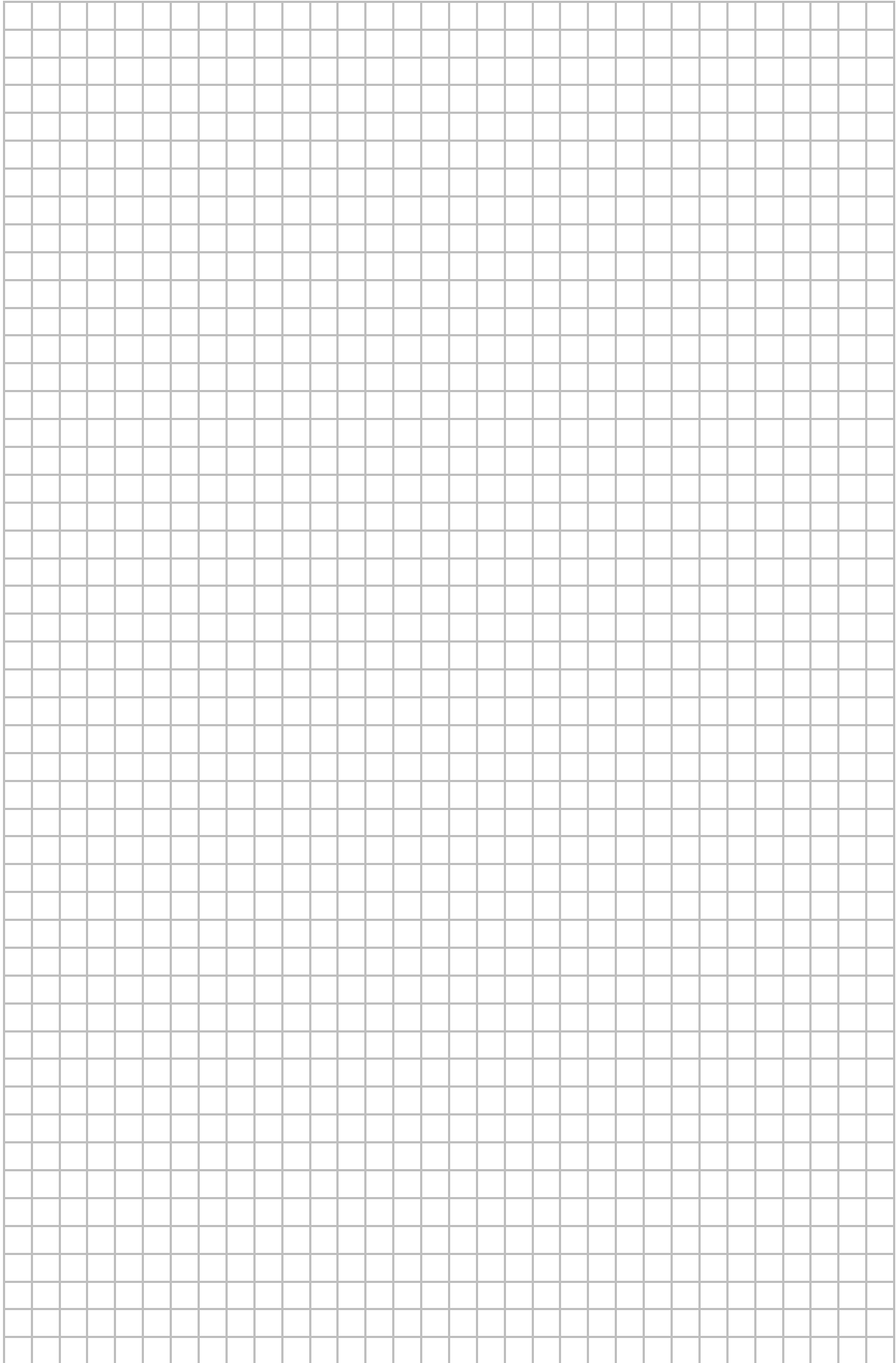




<b>Wypełnia egzaminator</b>	<b>Nr zadania</b>	<b>36.</b>
	<b>Maks. liczba pkt</b>	<b>5</b>
	<b>Uzyskana liczba pkt</b>	

## BRUDNOPIS (*nie podlega ocenie*)





**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*

**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*

**MATEMATYKA**

**Poziom podstawowy**

*Formuła 2015*