

## MODEL ODPOWIEDZI I SCHEMAT OCENIANIA ARKUSZA I

| Numer zadania | Numer czynności | Etapy rozwiązania zadania                                                                                                                                                                     | Liczba punktów |
|---------------|-----------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------|
| 1.            | 1.1.            | Przedstawienie liczby $a$ w postaci $x + y\sqrt{3}$ : $a = 2 - \sqrt{3}$ .                                                                                                                    | 1              |
|               | 1.2.            | Zapisanie liczby $b$ w postaci potęgi liczby 3: $b = 3^{0,5}$ .                                                                                                                               | 1              |
|               | 1.3.            | Wyznaczenie liczby $c$ , której 80% jest równe sumie liczb $a$ i $b$ : $c = 2,5$ .                                                                                                            | 1              |
| 2.            | 2.1.            | Wyznaczenie mocy zbioru $\Omega$ : $\overline{\Omega} = 5!$ .                                                                                                                                 | 1              |
|               | 2.2.            | Wyznaczenie liczby zdarzeń sprzyjających zdarzeniu $A$ : $\overline{A} = 2! \cdot 3!$ .                                                                                                       | 1              |
|               | 2.3.            | Obliczenie $P(A)$ , podanie wyniku w postaci ułamka nieskracalnego: $P(A) = \frac{1}{10}$ .                                                                                                   | 1              |
|               |                 | <b>Rozwiązanie za pomocą drzewa:</b><br>1 pkt – wykonanie poprawnego rysunku drzewa,<br>1 pkt – oznaczenie prawdopodobieństwa na gałęzi,<br>1 pkt – obliczenie prawdopodobieństwa.            |                |
| 3.            | 3.1.            | Wyznaczenie wartości $a$ , dla której miejscem zerowym funkcji $f$ jest liczba $-1$ : $a = 4$ .                                                                                               | 1              |
|               | 3.2.            | Wyznaczenie wartości $a$ , dla której prosta będąca wykresem funkcji $f$ jest nachylona do osi $OX$ pod kątem $60^\circ$ : $a = \sqrt{3}$ .                                                   | 1              |
|               | 3.3.            | Wyznaczenie takiej wartości $a$ , dla której równanie $ax + 4 = 2a + 4$ ma nieskończenie wiele rozwiązań: $a = 0$ .                                                                           | 1              |
| 4.            | 4.1.            | Obliczenie średniej miesięcznej płacy w zakładzie: 438.                                                                                                                                       | 1              |
|               | 4.2.            | Obliczenie wariancji miesięcznej płacy: 2436.                                                                                                                                                 | 2              |
|               | 4.3.            | Obliczenie odchylenia standardowego i zaokrąglenie otrzymanego wyniku: 49,4.                                                                                                                  | 1              |
| 5.            | 5.1             | Zastosowanie wzoru na sumę kolejnych wyrazów ciągu arytmetycznego: $S_n = \frac{(1+n)n}{2}$ lub $S_{n-1} = \frac{n(n-1)}{2}$ i zapisanie równości w postaci np. $n^2 = 2 \cdot S_{n-1} + n$ . | 2              |
|               | 5.2.            | Doprowadzenie prawej strony równości do postaci $n^2$ .                                                                                                                                       | 1              |
| 6.            | 6.1.            | Podanie zbioru rozwiązań nierówności $f(x) \leq 3$ : $(-\infty, 0) \cup \langle 2, +\infty)$ .                                                                                                | 1              |
|               | 6.2.            | Zapisanie najmniejszej i największej wartości funkcji $f$ w przedziale $\langle 0, 3 \rangle$ : najmniejsza wartość jest równa 0, a największa jest równa 4.                                  | 2              |

|    |      |                                                                                                                                                                                                             |   |
|----|------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|
|    | 6.3. | Odczytanie z wykresu miejsc zerowych funkcji $f$ : $x_1 = -1$ , $x_2 = 3$ oraz współrzędnych punktu przecięcia wykresu z osią $OY$ .                                                                        | 1 |
|    | 6.4. | Wyznaczenie współczynnika $a$ : $a = -1$ .                                                                                                                                                                  | 1 |
|    | 6.5. | Zapisanie wzoru funkcji $f$ w postaci iloczynowej: $f(x) = -(x+1)(x-3)$ .                                                                                                                                   | 1 |
| 7. | 7.1. | Zapisanie wyrazu $a_{n+1}$ : $a_{n+1} = \frac{2-3n}{7}$ lub $a_{n+1} = \frac{5-3(n+1)}{7}$ .                                                                                                                | 1 |
|    | 7.2. | Wyznaczenie różnicy ciągu: $a_{n+1} - a_n = -\frac{3}{7}$ oraz zapisanie wniosku: ciąg $(a_n)$ jest ciągiem arytmetycznym.                                                                                  | 1 |
|    | 7.3. | Wyznaczenie wyrazów ciągu $(a_n)$ : $a_4 = -1$ ; $a_{11} = -4$ .                                                                                                                                            | 1 |
|    | 7.4. | Wykorzystanie definicji lub własności ciągu geometrycznego do zapisania warunków zadania.                                                                                                                   | 1 |
|    | 7.5. | Zapisanie równania (alternatywy równań) z jedną niewiadomą $x$ .                                                                                                                                            | 1 |
|    | 7.6. | Rozwiązanie równania i podanie odpowiedzi: $x = 0$ .                                                                                                                                                        | 1 |
| 8. | 8.1. | Zapisanie zależności: $h = 2r + 6$ .                                                                                                                                                                        | 1 |
|    | 8.2. | Zapisanie zależności: $2\pi r^2 + 2\pi rh = 378\pi$ .                                                                                                                                                       | 1 |
|    | 8.3. | Doprowadzenie do równania z jedną niewiadomą $r$ lub $h$ .                                                                                                                                                  | 1 |
|    | 8.4. | Przekształcenie równania do postaci uporządkowanej, rozwiązanie go, wyznaczenie długości promienia i długości wysokości walca: np. $r^2 + 2r - 63 = 0$ (lub $h^2 - 8h - 240 = 0$ ), $r = 7 \wedge h = 20$ . | 2 |
|    | 8.5. | Obliczenie objętości walca: $V = 980\pi$ .                                                                                                                                                                  | 1 |
| 9. | 9.1. | Zapisanie założenia: $R \setminus \{0\}$ .                                                                                                                                                                  | 1 |
|    | 9.2. | Doprowadzenie nierówności wymiernej do postaci $x(3-x) \leq 0$ lub $\frac{3-x}{x} \leq 0$ , gdzie $x \neq 0$ .                                                                                              | 1 |
|    | 9.3. | Rozwiązanie nierówności wymiernej: $x \in (-\infty, 0) \cup \langle 3, \infty)$ .                                                                                                                           | 1 |
|    | 9.4. | Zaznaczenie zbioru $A$ na osi liczbowej.                                                                                                                                                                    | 1 |
|    | 9.5. | Wykorzystanie geometrycznej interpretacji wartości bezwzględnej do wyznaczenia zbioru $B$ : $B = (-4, 2)$ .                                                                                                 | 1 |
|    | 9.6. | Zaznaczenie zbioru $B$ na osi liczbowej.                                                                                                                                                                    | 1 |
|    | 9.7. | Wyznaczenie sumy: $A \cup B = (-\infty, 2) \cup \langle 3, +\infty)$ .                                                                                                                                      | 1 |
|    | 9.8. | Wyznaczenie różnicy: $A \setminus B = (-\infty, -4) \cup \langle 3, \infty)$ .                                                                                                                              | 1 |

|            |       |                                                                                                                                     |   |
|------------|-------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|
| <b>10.</b> | 10.1. | Sporządzenie rysunku z odpowiednimi oznaczeniami.                                                                                   | 1 |
|            | 10.2. | Obliczenie długości ramion trapezu: np. $c = 4\sqrt{3}$ ; $d = 12$ .                                                                | 2 |
|            | 10.3. | Obliczenie pola trapezu (wykorzystanie warunku: $a + b = c + d$ ): $P = 12(3 + \sqrt{3})$ .                                         | 1 |
|            | 10.4. | Obliczenie długości rzutów prostokątnych ramion trapezu na dłuższą podstawę trapezu :<br>np. $x = 2\sqrt{3}$ ; $y = 6\sqrt{3}$ .    | 2 |
|            | 10.5. | Rozwiązanie układu równań, w którym niewiadomymi są dłuższa i krótsza podstawa trapezu: $a = 6\sqrt{3} + 6$ ; $b = 6 - 2\sqrt{3}$ . | 2 |

Za prawidłowe rozwiązanie każdego z zadań inną metodą od przedstawionej w schemacie przyznajemy maksymalną liczbę punktów.